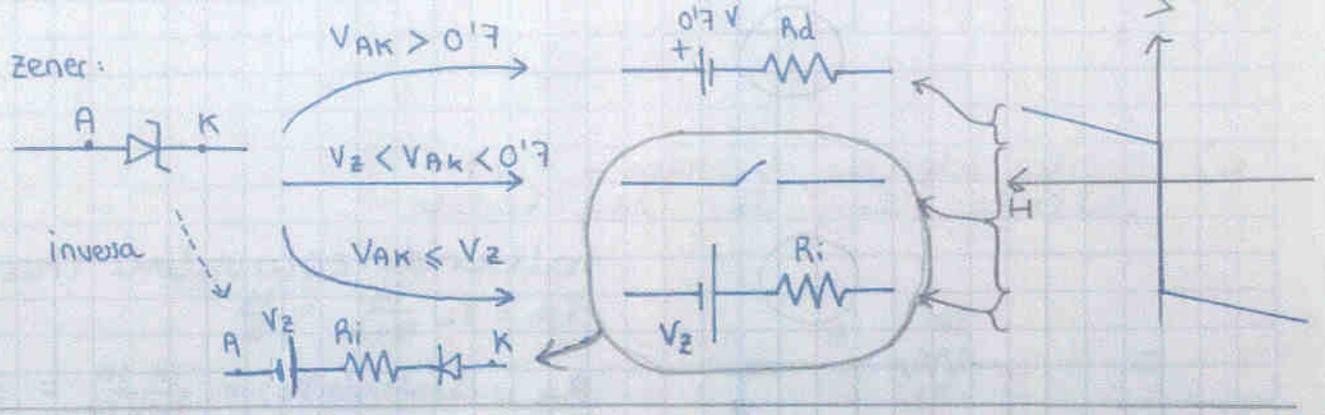


# ETSI Telecomunicación

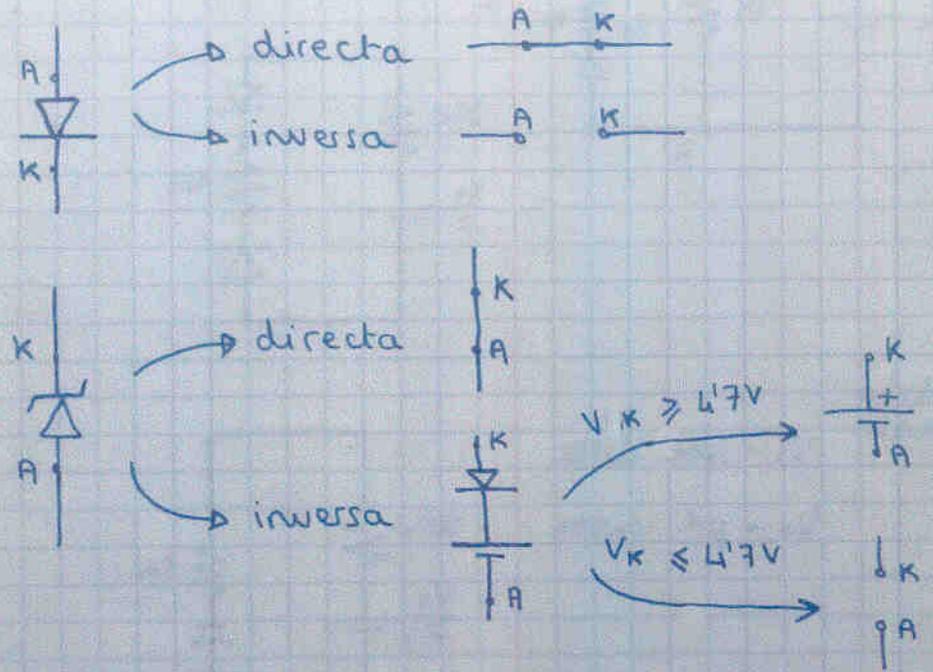
## TEMA 7 - DIODOS

# Componentes Electrónicos

Modelo Real



Modelo Ideal



## **Componentes electrónicos**

Apuntes de Pak (Francisco José Rodríguez Fortuño)  
ETSI Telecomunicación. Universidad Politécnica de Valencia.  
Segundo cuatrimestre de 1<sup>er</sup> curso  
Curso 2003/2004

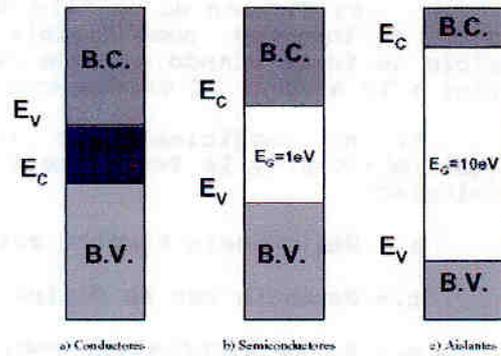
**Fecha de última actualización:** 08 Marzo 2008

## Tema 2. Física de la conducción

### Bandas de Energía:

La distribución de las bandas de energía determina cada tipo de material.

- Banda de conducción (BC) -> Los electrones que escapan de la banda de valencia
- Banda de valencia (BV) -> Los electrones de la última capa
- Banda prohibida (EG) -> El salto intermedio entre las dos anteriores



### Resistividad ( $\rho$ ) y Conductividad ( $\sigma$ ) [ $\Omega \cdot m^{-1}$ ]

Conductores:  $\sigma$  del orden de  $10^7$   
 Semiconductores:  $\sigma$  del orden de  $1 \sim 10^{-7}$   
 Aislantes:  $\sigma$  del orden de  $10^{-11} \sim 10^{-21}$

$$R = \rho \frac{L}{A} = \frac{1}{\sigma} \cdot \frac{L}{A}$$

$\rho$  y  $\sigma$  Varían con la temperatura:

- Conductores: Disminuye conductividad  $\sigma$  al aumentar temperatura (movimiento de los átomos disminuye movilidad de los  $e^-$ )
- Semiconductores y aislantes: Aumenta conductividad  $\sigma$  al aumentar temp

### Ley de Ohm Eléctrica

$$J = \sigma \cdot E$$

### Intensidad, Densidad de corriente

$$i = \frac{dQ}{dt} \quad J = \frac{di}{dA}$$

### Movilidad ( $\mu$ ) y velocidad de arrastre ( $v_x$ )

Los portadores de carga (ej  $e^-$ ) son acelerados por una fuerza eléctrica  $F = m \cdot a = q \cdot E$  con una aceleración  $a = q \cdot E / m$ . sin embargo cada cierto tiempo  $\tau$  chocan. Por tanto la velocidad de arrastre es  $v_x = a \tau = q \cdot E \cdot \tau / m = \mu \cdot E$

$$\mu = \frac{q}{m} \tau$$

$$v_x = \mu \cdot E$$

### Ley de Ohm Térmica

$$Q = 0.24 \cdot P \cdot t \quad Q = \delta \cdot A \cdot (T_{cond} - T_{amb}) \cdot t$$

$$R_{th} = \frac{0.24}{\delta \cdot A}$$

$$(T_{cond} - T_{amb}) = R_{th} \cdot P$$

$Q$  = energía perdida en calor [cal]  
 $\delta$  = coeficiente de transmisión del calor [cal/(m<sup>2</sup> °C s)]  
 $T_{cond} - T_{amb}$  = diferencia temp entre conductor y ambiente (°C)  
 $P = I^2 R$  = potencia eléctrica consumida  
 $t$  = tiempo [s]  
 **$R_{th}$  = Resistencia térmica del componente:** relaciona la potencia eléctrica que disipa con el incremento de temperatura

### Coefficiente de Temperatura ( $\alpha$ )

La dependencia de la resistividad ( $\rho$ ) con la temperatura viene dada por:

$$\alpha = \frac{1}{\rho_0} \cdot \frac{d\rho(T)}{dT}$$

$$\rho_1 \cong \rho_0 (1 + \alpha(T_1 - T_0))$$

$\alpha$  = coeficiente de temperatura (puede ser positivo o negativo según resistencia aumenta o disminuye con temp.)

valor exacto de  $\rho_1$  viene dado por una suma infinita:

$$\rho_1 = \rho_0 (1 + \alpha(T_1 - T_0) + \beta(T_1 - T_0)^2 + \dots)$$

pero  $\beta, \chi, \dots$  son despreciables y se aproxima bien mediante la fórmula de la izquierda

**Problema Tema 2. Física de la Conducción:**

Se dispone de un hilo de plomo de 0,25 mm. de diámetro y 2 cm. de longitud, como fusible en un circuito eléctrico. El fusible se funde cuando circula a través de él, una corriente superior a 10 A. a 27 °C de temperatura ambiente.

Si el coeficiente de transmisión del calor es  $5 \cdot 10^3$  (cal./m<sup>2</sup>·°C·s) y la temperatura de fusión del hilo es de 327 °C. Calcular:

- Resistencia térmica del hilo.
- Potencia que se disipa en el hilo cuando se funde.
- Si la temperatura ambiente fuese de 60 °C. ¿ A qué corriente se fundiría el hilo ?.
- Si el diámetro del hilo se reduce a la mitad, siendo la temperatura ambiente de 27 °C. ¿ A qué corriente se fundiría el hilo ?.

**a) Resistencia Térmica**

$$R_{th} = \frac{0.24}{\delta \cdot A} = 0.24 / [(5 \cdot 10^3) \cdot (0.25 \cdot 10^{-3}) \cdot \pi \cdot (2 \cdot 10^{-2})] = 3.05 \text{ °C/W}$$

es decir, por cada watio que se disipa la temperatura aumenta 3.05°C

**b) Potencia disipada al fundirse**

$$\text{Ley de Ohm térmica } (T_{cond} - T_{amb}) = R_{th} \cdot P$$

$$P_{fusion} = \frac{(T_{fusion} - T_{amb})}{R_{th}} = (300/3.05) = 98.36 \text{ W}$$

**c) I<sub>fusion</sub> si T<sub>amb</sub> = 0°C**

$$P_{fusion} = \frac{(T_{fusion} - T_{amb})}{R_{th}} = (327-60)/3.05 = 87.54 \text{ W}$$

$$P_{fus} = I_{fus}^2 \cdot R \rightarrow I_{fus} = \sqrt{\frac{P_{fus}}{R}}$$

Falta la resistencia

Aplicando ley Ohm térmica en t amb 27°C donde conocemos T<sub>fusion</sub> e I<sub>fusion</sub>  
 $\Delta T = P \cdot R_T = I^2 \cdot R \cdot R_T \rightarrow R = \Delta T / (I^2 \cdot R_T) = 300 / (10^2 \cdot 3.05) = 0.9836 \Omega$

$$I_{fus} = \sqrt{\frac{P_{fus}}{R}} = \sqrt{\frac{87.54}{0.9836}} = 9.43 \text{ A}$$

**d) diámetro del hilo a la mitad. T<sub>amb</sub> = 27°C. Hallar I<sub>fusion</sub>**

$$P = I^2 \cdot R$$

$$I = \sqrt{\frac{P}{R}} = \sqrt{\frac{\left(\frac{\Delta T}{R_{th}}\right)}{\left(\frac{\rho \cdot L}{S}\right)}} = \sqrt{\frac{\left(\frac{\Delta T}{(0.24/\delta \cdot A)}\right)}{\left(\frac{\rho \cdot L}{S}\right)}} =$$

$$= \dots = 3.53 \text{ A}$$

$$\Delta T = T_{fus} - T_{amb} = 300^\circ\text{C}$$

$$\delta = 5 \cdot 10^3 \text{ cal}/(\text{m}^2 \cdot ^\circ\text{C} \cdot \text{s})$$

A = área utilizando la mitad del diámetro

$$\rho = 2.41 \cdot 10^6 \Omega \cdot \text{m}$$

$$L = 0.02 \text{ m}$$

S = sección utilizando la mitad del diámetro

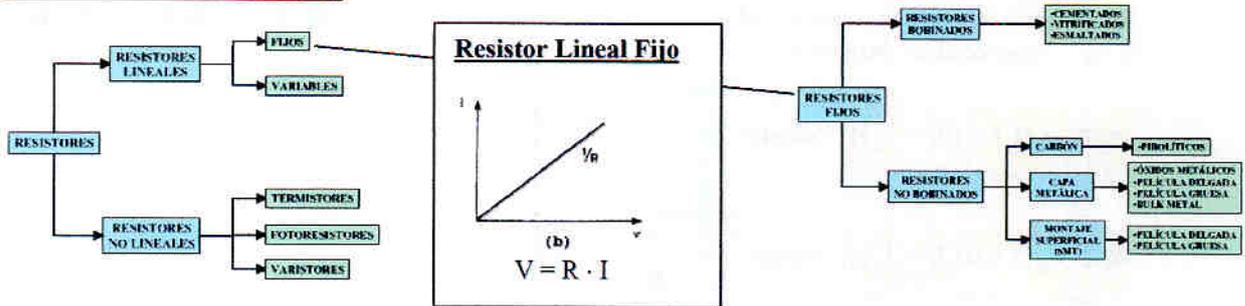
$$S = \pi \cdot (D/2)^2 = \pi \cdot (0.00125/2)^2$$

Faltaba la resistividad  $\rho$  que la podemos hallar en el apartado c) donde sabemos la geometría del conductor y sabemos que  $R = 0.9836 \Omega$

$$\rho = R \cdot S / L = \dots = 2.41 \cdot 10^6 \Omega \cdot \text{m}$$

### Tema 3: Resistores Lineales

#### Clasificación de los Resistores



#### Características de los Resistores

##### (i) Resistencia Nominal (R<sub>N</sub>)

Viene dada por el código de colores o vienen marcadas (13.3Ω → 13R3, 6.8KΩ → 6K8)

Color	Valor / n de caros
Negro	0
Marrón	1
Rojo	2
Naranja	3
Amarillo	4
Verde	5
Azul	6
Violeta	7
Gris	8
Bianco	9
Oro	tol 5%
Plata	tol 10%

Los distintos valores de R<sub>N</sub> aparecen en las distintas series que ofrece el fabricante. Según la serie hay un mayor o menor número de valores intermedios siguiendo teóricamente una fórmula.

El salto entre dos resistencias consecutivas en una serie K que comprende resistencias de 1 a 10 Ω es  $\sqrt[K]{10}$

En la práctica redondean estos valores y ofrecen tablas como la siguiente:

E192	E96	E48	E24	E12	E6	E3
100	100	100	100	100	100	100
105	105	105	105	105	105	105
110	110	110	110	110	110	110
115	115	115	115	115	115	115
120	120	120	120	120	120	120
125	125	125	125	125	125	125
130	130	130	130	130	130	130
135	135	135	135	135	135	135
140	140	140	140	140	140	140
145	145	145	145	145	145	145
150	150	150	150	150	150	150
155	155	155	155	155	155	155
160	160	160	160	160	160	160
165	165	165	165	165	165	165
170	170	170	170	170	170	170
175	175	175	175	175	175	175
180	180	180	180	180	180	180
185	185	185	185	185	185	185
190	190	190	190	190	190	190
195	195	195	195	195	195	195
200	200	200	200	200	200	200
205	205	205	205	205	205	205
210	210	210	210	210	210	210
215	215	215	215	215	215	215
220	220	220	220	220	220	220
225	225	225	225	225	225	225
230	230	230	230	230	230	230
235	235	235	235	235	235	235
240	240	240	240	240	240	240
245	245	245	245	245	245	245
250	250	250	250	250	250	250
255	255	255	255	255	255	255
260	260	260	260	260	260	260
265	265	265	265	265	265	265
270	270	270	270	270	270	270
275	275	275	275	275	275	275
280	280	280	280	280	280	280
285	285	285	285	285	285	285
290	290	290	290	290	290	290
295	295	295	295	295	295	295
300	300	300	300	300	300	300
305	305	305	305	305	305	305
310	310	310	310	310	310	310
315	315	315	315	315	315	315
320	320	320	320	320	320	320
325	325	325	325	325	325	325
330	330	330	330	330	330	330
335	335	335	335	335	335	335
340	340	340	340	340	340	340
345	345	345	345	345	345	345
350	350	350	350	350	350	350
355	355	355	355	355	355	355
360	360	360	360	360	360	360
365	365	365	365	365	365	365
370	370	370	370	370	370	370
375	375	375	375	375	375	375
380	380	380	380	380	380	380
385	385	385	385	385	385	385
390	390	390	390	390	390	390
395	395	395	395	395	395	395
400	400	400	400	400	400	400
405	405	405	405	405	405	405
410	410	410	410	410	410	410
415	415	415	415	415	415	415
420	420	420	420	420	420	420
425	425	425	425	425	425	425
430	430	430	430	430	430	430
435	435	435	435	435	435	435
440	440	440	440	440	440	440
445	445	445	445	445	445	445
450	450	450	450	450	450	450
455	455	455	455	455	455	455
460	460	460	460	460	460	460
465	465	465	465	465	465	465
470	470	470	470	470	470	470
475	475	475	475	475	475	475
480	480	480	480	480	480	480
485	485	485	485	485	485	485
490	490	490	490	490	490	490
495	495	495	495	495	495	495
500	500	500	500	500	500	500

##### (ii) Tolerancia (t)

La tolerancia es el error que se comete en el valor de una resistencia. Es mayor o menor según la serie.

##### (iii) Potencia Nominal (P<sub>N</sub>)

La potencia que se puede disipar de forma **continuada** en la resistencia a una temperatura sin que ésta sufra daños. (ej: P<sub>N</sub> = ¼ W a 20°C) (normalmente guarda estrecha relación con el tamaño del componente)

##### (iv) Tensión Nominal (V<sub>N</sub>)

La **tensión** en corriente **continua** que hay en bornes de la resistencia cuando a ésta se le aplica la **potencia nominal** (es decir si subes por encima de V<sub>N</sub> estarás subiendo por encima de P<sub>N</sub> y no se garantiza que la resistencia no sufra daños)  $V_N = \sqrt{P_N \cdot R}$

##### (v) Tensión Máxima (V<sub>M</sub>)

La **tensión** en corriente **continua** o **alterna eficaz** a 50 Hz por encima de la cual **no se puede pasar**. Suele ser el **mismo valor** para **toda una serie** de resistencias.

##### (vi) Tensión Máxima Aplicable (V<sub>MA</sub>)

Hemos visto que tanto V<sub>N</sub> como V<sub>M</sub> suponen un valor de tensión que no se debe superar. Lógicamente la menor de ambas será la que limita la tensión máxima aplicable.

$$V_{MA} = \min(V_N, V_M)$$

##### (vii) Resistencia crítica de la serie (R<sub>C</sub>)

En una serie de resistencias habrán algunas cuya V<sub>MA</sub> = V<sub>N</sub> y otras cuya V<sub>MA</sub> = V<sub>M</sub>. En la serie hay un valor de resistencia (R<sub>C</sub>) a partir de la cual V<sub>MA</sub> pasa de ser V<sub>N</sub> a ser V<sub>M</sub>

$$R_C = \frac{V_M^2}{P_N}$$

**(viii) Coeficiente de temperatura ( $\alpha$ )**

Como ya sabemos, la resistividad  $\rho$  cambia con la temperatura, y por lo tanto la resistencia  $R$  también. En el tema 2 vemos que  $\rho_1$  viene dado por una suma "infinita" pero que se puede aproximar considerando  $\beta, \chi, \dots$  despreciables frente a  $\alpha$ .

$$\rho_1 \cong \rho_0(1 + \alpha(T_1 - T_0)) \quad \text{siendo} \quad \alpha = \frac{1}{\rho_0} \cdot \frac{d\rho(T)}{dT}$$

$$R_1 \cong R_0(1 + \alpha(T_1 - T_0)) \quad \text{siendo} \quad \alpha = \frac{1}{R_0} \cdot \frac{dR(T)}{dT}$$

**(ix) Coeficiente de tensión (C.V.R.)**

La resistencia puede variar con la tensión. El C.V.R se expresa en  $V^{-1}$  o p.p.m/V. CVR puede ser positivo o negativo.

$$R_F \cong R_N(1 + CVR \cdot (T_F - T_N)) \quad \text{siendo} \quad CVR = \frac{1}{R_N} \cdot \frac{\Delta R_N}{\Delta V}$$

**(x) Ruido**

Toda señal espúrea no deseada que aparece mezclada con la señal deseada.

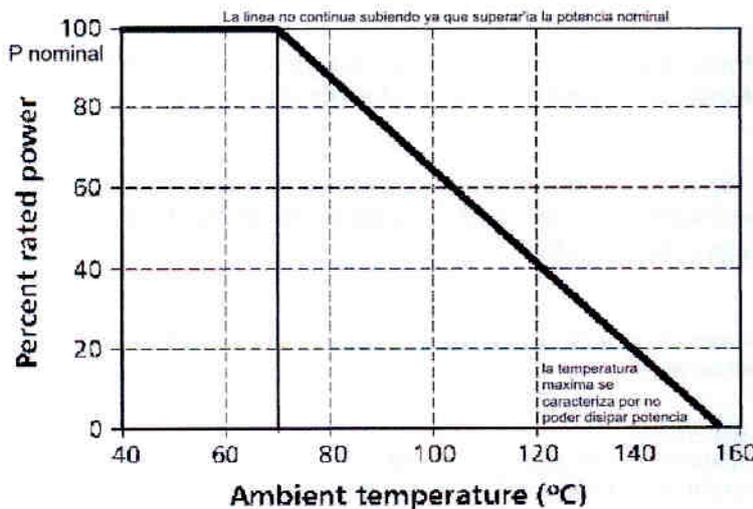
- Ruido Térmico: agitación de los electrones, **aumenta con la temperatura**
- Ruido de Corriente: debido al paso de corriente, **disminuye con la frecuencia**

$$\text{Ruido} = \frac{\text{Tensión de Ruido}}{\text{Tensión Aplicada}}$$

$$\text{Ruido (dB)} = 20 \cdot \log \left( \frac{\text{Tensión de Ruido}}{\text{Tensión Aplicada}} \right)$$

**(xi) Margen de Temperatura**

El resistor puede funcionar entre una  $T_{\min}$  y una  $T_{\max}$ , siendo esta última definida para una potencia cero



Mini ejercicio para aclarar porqué existe una  $P_{\max}$  para cada valor de  $T_{\text{amb}}$

Supongamos un resistor con  
 $P_N = 0.5 \text{ W}$  a  $20^\circ\text{C}$   
 $T_{\max} = 160^\circ\text{C}$

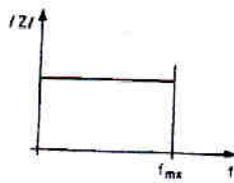
Calcular  $P_{\max}$  siendo la  $T_{\text{amb}} = 100^\circ\text{C}$   
 $P_{\max} = (T_{\max} - T_{\min}) / R_{\text{th}}$

Falta  $R_{\text{th}}$   
 Sabemos que siendo la  $T_{\text{amb}} = 20^\circ\text{C}$   
 La  $P_{\max} = P_N = 0.5 \text{ W}$

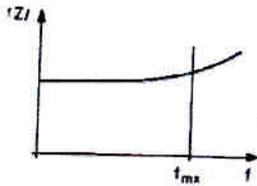
$$R_{\text{th}} = \Delta T / P = 140 / 0.5 = 280 \text{ }^\circ\text{C/W}$$

$$P_{\max} = (T_{\max} - T_{\min}) / R_{\text{th}} = 0.21 \text{ W}$$

(xii) Margen de Frecuencias



Un resistor ideal siempre presenta un elemento resistivo, y su impedancia no varía con la frecuencia



Pero en la realidad un resistor se modeliza por un circuito equivalente con diferentes elementos R L C, conectados en serie ó en paralelo ó en montajes mixtos, se admiten pues márgenes de frecuencias según las aplicaciones de trabajo

(xiii) Estabilidad

Si un resistor no **varía su resistencia de forma permanente** con los diferentes parámetros (temperatura, tensión, tiempo de almacenamiento, su propio funcionamiento, etc...) diremos que es un resistor con estabilidad máxima

Cuantitativamente se mide mediante la deriva, que es la variación relativa de la resistencia.

La deriva en funcionamiento se suele dar trabajando a la potencia nominal, a 70 °C después de 1000 horas de funcionamiento.

$$\text{Estabilidad : DERIVA} = \frac{\Delta R}{R} \cdot 100 (\%)$$

**Resistores Lineales Variables y Ajustables**

- **Variables:** se ajustan a mano

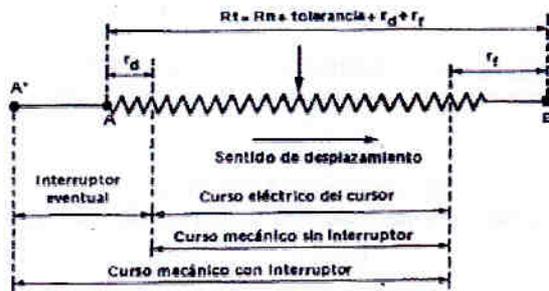


- **Ajustables:** se ajustan de manera precisa con herramientas, no conviene ajustarlos muchas veces



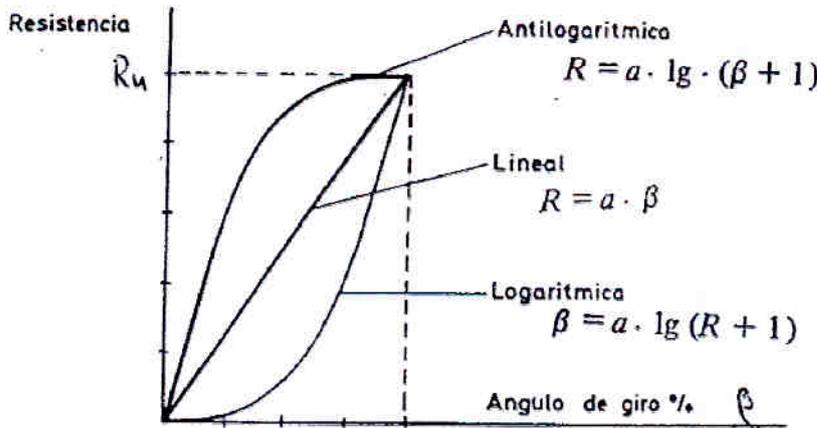
- **Características de los Resistores Variables/Ajustables**

- Resistencia nominal  $R_n$ : valor marcado sobre el resistor variable
- Potencia nominal  $P_n$ : potencia disipada en la totalidad del resistor a la temperatura  $t_n$
- Temperatura nominal de servicio  $t_n$ : la temperatura ambiente
- Tensión máxima de servicio  $U_n$ : máxima tensión continua aplicable a temperatura ambiente  $t_n$



- Resistencia nominal,  $R_n$
- Resistencia residual de principio de curso,  $r_d$
- Resistencia residual de fin de curso,  $r_f$
- Resistencia total  $R_t = R_n + \text{tolerancia} \pm r_d + r_f$

- **Leyes de Variación**



La ley de variación logarítmica es la más usada puesto que la mayoría de sentidos humanos tienen una respuesta logarítmica a los estímulos

- **Montajes posibles con un resistor variable**

Montaje reostático

$R_L = \frac{V_L^2}{P} = \frac{220 \cdot 1936}{25} = 1936 + R_{AC}$   
 $R_{AC} = 0 \rightarrow V_L = 220V$   
 $R_{AC} = 4700\Omega \rightarrow V_L = 64.18V$   
 $V_L = V_e \frac{R_L}{R_L + R_{AC}}$   
 $P_L = \frac{V_L^2}{R_L}$   
 $64.18V \leq V_L \leq 220V$   
 $2.12W \leq P_L \leq 25W$

Montaje potenciométrico

$R_{AC} = 0 \rightarrow V_L = 220V$   
 $R_{CB} = 0 \rightarrow V_L = 0V$   
 $0 \leq V_L \leq 220V$   
 $0 \leq P_L \leq 25W$

20 Junio 2000

$R_1 = 100 \Omega$   $P_N = 0.5 W$   
 $R_2 = 10 k\Omega$   $P_N = 0.5 W$   
 $R_3 = 1 M\Omega$   $P_N = 0.5 W$

20°C

$V_{max\ serie} = 250 V$

Coefic. de Temp

$\alpha_2 = 300 \text{ ppm}/^\circ C$

$\alpha_3 = 200 \text{ ppm}/^\circ C$

*parten por millen*

1.  $P_{max}$  que disipa cada R a 20°C [0.3 p]

$P_N = \frac{V_N^2}{R_N} \rightarrow V_N = \sqrt{P_N \cdot R_N}$

$R_1: V_{N1} = \sqrt{P_{N1} \cdot R_{N1}} = \sqrt{0.5 \cdot 100} = \sqrt{50} = 7.07 V \rightarrow P_{R1} = 0.5 W$

$R_2: V_{N2} = \sqrt{P_{N2} \cdot R_{N2}} = \sqrt{0.5 \cdot 10000} = 70.71 V \rightarrow P_{R2} = 0.5 W$

$R_3: V_{N3} = \sqrt{P_{N3} \cdot R_{N3}} = \sqrt{0.5 \cdot 1M} = 707.10 V \rightarrow P_{R3} = \frac{V_{max}^2}{R_3} = \frac{(\min(V_{max\ serie}, V_N))^2}{R_3} = 0.0625 W$

2. Se ponen  $R_1$  y  $R_3$  en paralelo.

$P_{max}$  que pueden disipar (el cto  $R_1 // R_3$ ) [0.3 p]

$P_T = P_{R1} + P_{R3} = \frac{V_A^2}{R_1} + \frac{V_A^2}{R_3} = \frac{(7.07 V)^2}{100 \Omega} + \frac{(7.07 V)^2}{1 \cdot 10^6 \Omega} = 0.5 + 0.0005 W$

3.  $P_{max}$  del cto  $R_2 // R_3$

$P_T = P_{R2} + P_{R3} = \frac{V_A^2}{R_2} + \frac{V_A^2}{R_3} = 70.71^2 \left( \frac{1}{10 \cdot 10^3} + \frac{1}{1 \cdot 10^6} \right) = 0.505 W$

$V_A \text{ max} = 7.07 V$

si aplicara 250 se quemaria  $R_1$

$P_{max} = 0.50005 W$

4.  $V_{max}$  aplicable a cada una de las R [0.5 p]  $V_{max} = \min(V_{nominal}, V_{max\ serie})$

$R_1: V_{max} = 7.07 V$   $R_2: V_{max} = 70.71 V$   $R_3: V_{max} = 250 V$

4. (b) Resistencia critica?

$P_N = \frac{V_N^2}{R_N}$

$R_c ; V_N = V_{ms}$

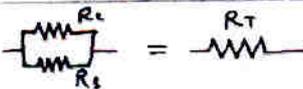
$R_c = \frac{V_{ms}^2}{P_N} = 125 k\Omega$

5. si  $R_2 \rightarrow 60^\circ C$  ¿ $R_2$ ? [0.5 p]

$R_T = R_x (1 + \alpha \Delta T) = R_x (1 + \alpha (T_F - T_i)) = 10 \cdot 10^3 (1 + \frac{300}{10^6} (60^\circ C - 20^\circ C)) = 10.120 \Omega$

*partes por unidad*

Indica que todas las resist por debajo de 125 kΩ tienen como  $V_N$  la  $V_{ms}$

6.  Cual es el  $\alpha$  de  $R_T$ ?

$\alpha = \frac{1}{R} \frac{dR}{dT}$

$\frac{dR}{dt} = \alpha \cdot R$

$(\ln(R))' = \frac{1}{R} \frac{dR}{dT} = \alpha$

$\alpha = [\ln(R)]'$

$\ln(R_T) = \ln\left(\frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3}\right) = \ln(R_2) + \ln(R_3) - \ln(R_2 + R_3)$

$(\ln(R_T))' = \alpha_T = (\ln(R_2) + \ln(R_3) - \ln(R_2 + R_3))'$   
 $= \frac{(\ln(R_2))'}{\alpha_2} + \frac{(\ln(R_3))'}{\alpha_3} - (\ln(R_2 + R_3))'$

$= \alpha_2 + \alpha_3 - \left(\frac{1}{R_2 + R_3} (R_2 + R_3)'\right)$

$= \alpha_2 + \alpha_3 - \frac{1}{R_2 + R_3} ((R_2)' + (R_3)')$

$= \alpha_2 + \alpha_3 - \frac{1}{R_2 + R_3} (\alpha_2 R_2 + \alpha_3 R_3) = \frac{300}{10^6} + \frac{200}{10^6} - \frac{1}{10^4 + 10^6} \left( \frac{300}{10^6} 10^4 + \frac{200}{10^6} 10^6 \right)$

$= 2.990099 \cdot 10^{-4}$   
 $= 299 \text{ ppm}/^\circ C$



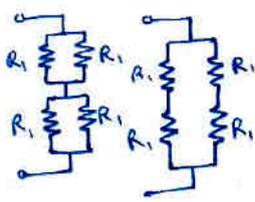
Como lo reparas? Dispones de:

- $R_1 = 100 \Omega$  0.5 W
- $R_2 = 10 k\Omega$  0.5 W
- $R_3 = 1 M\Omega$  0.5 W

no sirve poner un  $R_1$

$V_{nominal R_1} = 7.07 V$

$V_R = \frac{R}{R+300} \cdot E$  (para  $R=100$ )  $V_R = 10 V$  supera  $V_{max}$



Handwritten title or section header.

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x + y = 1 \end{cases}$$

$$x^2 + y^2 - (x+y)^2 = 1 - 1$$

$$x^2 + y^2 - x^2 - 2xy - y^2 = 0$$

$$-2xy = 0 \implies xy = 0$$

$$\begin{cases} x = 0 \\ y = 1 \end{cases} \quad \text{or} \quad \begin{cases} x = 1 \\ y = 0 \end{cases}$$

Handwritten text describing the solution process.

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{1}{x^2} \right) = -\frac{2}{x^3}$$

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{1}{x^3} \right) = -\frac{3}{x^4}$$

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{1}{x^4} \right) = -\frac{4}{x^5}$$

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{1}{x^5} \right) = -\frac{5}{x^6}$$

$$\frac{d}{dx} \left( \frac{1}{x^6} \right) = -\frac{6}{x^7}$$



# Ejercicios Componentes Electrónicos

## TEMA 2 : FÍSICA DE LA CONDUCCION

### Problema 1:

Hilo de plomo: diámetro 0'25 mm  
longitud 2 cm

Se funde si  $I > 10 A$  a  $T_{amb} = 27^\circ C$

Coefficiente de transmisión del calor  $\delta$   
es  $5 \cdot 10^3 \text{ cal/m}^2 \cdot ^\circ C \cdot s$

$T_{fusión \text{ hilo}} = 327^\circ C$

a)  $R_{th}$  hilo

$$R_{th} = \frac{0'24}{\delta \cdot A}$$

$$\begin{aligned} \delta &= 5 \cdot 10^3 \text{ cal/m}^2 \cdot ^\circ C \cdot s \\ A &= \pi r^2 \\ &= \pi (0'125 \text{ mm})^2 \\ &= \pi (0'125 \cdot 10^{-3})^2 \\ &= 4'91 \cdot 10^{-8} \text{ m}^2 \end{aligned}$$

$$R_{th} = \frac{0'24}{\delta \cdot A} =$$

↑ superficie de RADIACION !!!  
despreciable

$$\begin{aligned} A &= \pi DL + 2(\pi r^2) \\ &= \pi (0'25 \cdot 10^{-3})(0'02) + \approx 0 \\ A &= \pi 5 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2 \end{aligned}$$

$$R_{th} = \frac{0'24}{\delta \cdot A} = 3'06 \text{ } ^\circ C/W$$

b) Potencia que se disipa en el hilo cuando se funde

$$\begin{aligned} P &= \frac{\Delta T}{R_{th}} = \frac{T_{fus} - T_{amb}}{R_{th}} = \frac{327 - 27}{3'06} \\ &= 98'04 \text{ W} \end{aligned}$$

c) Si  $T_{amb}$  fuese  $60^\circ C$  ¿a que CORRIENTE se fundiría el hilo?

$$P_{fus} = \frac{T_{fus} - T_{amb}}{R_{th}} = 87'25 \text{ W}$$

$$P = I^2 R$$

$$I = \sqrt{\frac{P}{R}}$$

$$I = \sqrt{\frac{87'25}{0'9804}}$$

$$I = 9'434 \text{ A}$$

$$\begin{aligned} R \rightarrow & \text{cuando } P_{fus} = 98'04 \text{ W} \\ & I_{fus} = 10 \text{ A} \\ & R = \frac{P}{I^2} = 0'9804 \Omega \end{aligned}$$

$\delta$ : coef. trans. calor

$$R_{th} = \frac{0'24}{\delta \cdot A}$$

$$P = R_{th} \Delta T$$

$$\Delta T = R_{th} \cdot P$$

$$P = I^2 R$$

$\alpha$ : coef temp

$$\alpha = \frac{1}{\rho_0} \frac{d\rho(T)}{dT}$$

$$\alpha = [\ln \rho]'$$

$$\alpha = [\ln R]'$$

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

d)  $T_{amb} = 27^{\circ}\text{C}$ , si el diametro del hilo se reduce a la mitad ¿A que corriente se fundiría el hilo?

cambiaría  $A \rightarrow R_{th} \rightarrow P_{fus} \rightarrow I_{fus}$   
 cambia  $R$

$$A = \pi D_2 \cdot L = 7'854 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$R_{th} = \frac{0'24}{\delta \cdot A} = 6'11 \text{ } ^{\circ}\text{C/W}$$

$$P_{fus} = \frac{T_{fus} - T_{amb}}{R_{th}} = 49'1 \text{ W}$$

R cuando diametro  $D = 0'25 \text{ mm}$  es  $0'9804 \Omega$

$$R = \rho \frac{L}{S} = \rho \frac{L}{(\pi \frac{D}{2})^2}$$

$$R_2 = \rho \frac{L}{S_2} = \rho \frac{L}{(\pi \frac{D_2}{2})^2} = \rho \frac{L}{(\pi (\frac{D}{2}))^2} = \rho \frac{L}{\pi (\frac{D}{2})^2}$$

$$R_2 = 4R = 3'92 \Omega$$

$$I = \sqrt{\frac{P}{R}} = \sqrt{\frac{49'1}{3'92}} = 3'54 \text{ A}$$

e) calcular diametro para que  $I_F = 1 \text{ A}$

diámetro  $D \rightarrow I = 10 \text{ A}$

$$I = \sqrt{\frac{P}{R}} = \sqrt{\frac{0'24}{\delta \cdot A}} = \sqrt{\frac{0'24}{\rho \frac{L}{\pi D^2}}}$$

variando  $D_3 = k \cdot D$

$$I_3 = \sqrt{\frac{0'24}{\delta \cdot \pi k^2 D}} = \sqrt{\frac{\frac{1}{k} (0'24)}{\frac{1}{k^2} (\rho \frac{L}{\pi (\frac{D}{2})^2}}} = \sqrt{k} I = \overbrace{0'12}^{1 \text{ A}}$$

$$\sqrt{k} = 0'1 \rightarrow k = 0'01$$

el diametro debe ser  $k \cdot D$

$$= 2'5 \mu\text{m}$$

Ejercicios Componentes Electrónicos

**TEMA 3 - RESISTORES LINEALES**

Problema 20 Junio 2000

$$\left. \begin{array}{l} R_1 = 100 \Omega \quad P_N = 0.5 \text{ W} \\ R_2 = 10 \text{ k}\Omega \quad P_N = 0.5 \text{ W} \\ R_3 = 1 \text{ M}\Omega \quad P_N = 0.5 \text{ W} \end{array} \right\} 20^\circ \text{C}$$

$V_{\text{max serie}} = 250 \text{ V}$       coef. temp  $\alpha_2 = 300 \text{ ppm}/^\circ\text{C}$    
 *partes por millón*

a)  $P_{\text{max}}$  que disipa cada  $R$  a  $20^\circ\text{C}$

$$P_{\text{max}} = \frac{(\min(V_N, V_{\text{max serie}}))^2}{R}$$

necesitamos  $V_N$  de cada  $R$

$$P_N = \frac{V_N^2}{R}$$

$$\begin{array}{l} R_1: V_N = \sqrt{P_N \cdot R} = 7.07 \text{ V} \\ R_2: V_N = \sqrt{P_N \cdot R} = 70.71 \text{ V} \\ R_3: V_N = \sqrt{P_N \cdot R} = 707.11 \text{ V} \end{array}$$

necesitamos  $V_{MA}$  de cada  $R$

$$V_{MA} = \min(V_N, V_{\text{max serie}})$$

$$\begin{array}{l} V_{MA1} = 7.07 \text{ V} \\ V_{MA2} = 70.71 \text{ V} \\ V_{MA3} = 250 \text{ V} \end{array}$$

Calculamos  $P_{\text{max}} = \frac{V_{MA}^2}{R}$

$$\begin{array}{l} P_{\text{max}1} = 0.5 \text{ W} \\ P_{\text{max}2} = 0.5 \text{ W} \\ P_{\text{max}3} = 0.0625 \text{ W} \end{array}$$

b) se ponen  $R_1$  y  $R_3$  en paralelo.  $P_{\text{max}}$  del conjunto

$V$  en paralelo es la misma

$$\begin{aligned} P_{\text{max conj}} &= \frac{(\min(V_{MA1}, V_{MA2}))^2}{(R_1 // R_3) \approx 100} \\ &= \frac{7.07^2}{\frac{100 \cdot 1 \cdot 10^6}{1 \cdot 10^6 + 100}} = \frac{7.07^2}{100} = 0.5 \text{ W} \end{aligned}$$

mal?

$$V_{MA \text{ glo}} = \min(V_{MA1}, V_{MA2})$$

$$P_{\text{max conj}} = \frac{V_{MA \text{ glo}}^2}{R_1} + \frac{V_{MA \text{ glo}}^2}{R_3} = 0.4999 \text{ W}$$

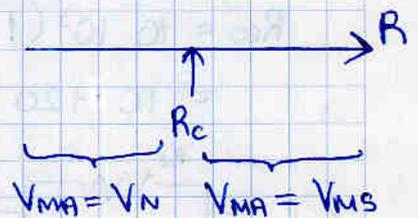
$$P_N = \frac{V_N^2}{R}$$

$$V_{MA} = \min(V_N, V_{\text{max serie}})$$

$MA = \text{maxima aplicable}$

$$P_{MA} = \frac{V_{MA}^2}{R}$$

$$\begin{array}{l} R_c; V_N = V_{MS} \\ R_c = \frac{V_{MS}^2}{P_N} \end{array}$$



$$R = R_0 (1 + \alpha \Delta T)$$

$$R = R_0 (1 + \alpha_V \Delta V)$$

$\alpha_V$  coeficiente de tension

$$\alpha = [\ln(R(T))]'$$

Ahí es la prima del logaritmo neperiano  $\ln$

$$\alpha = \frac{R'}{R}$$

$$R' = \alpha R$$

c) P<sub>max</sub> del cpto R<sub>2</sub> // R<sub>3</sub>

$$V_{MA} = \min(V_{MA2}, V_{MA3}) = 70.71 \text{ V}$$

$$P_{max} = \frac{V_{MA}^2}{R_2} + \frac{V_{MA}^2}{R_3} = 0.505 \text{ W}$$

d) Resistencia crítica de la serie

$$R_c = \frac{V_{ms}^2}{P_N} = 125 \text{ k}\Omega$$

e) Si la temperatura es 60°C, ¿valor de R<sub>2</sub>?

$$R = R_0 (1 + \alpha \Delta T)$$

$$R_{60} = R_{20} (1 + \alpha (60 - 20))$$

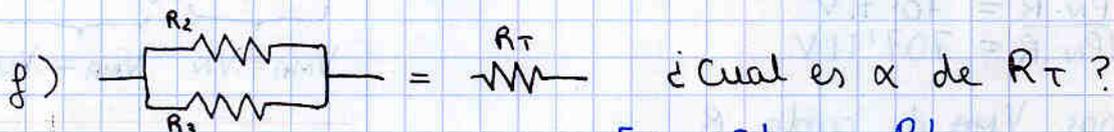
$$R_{60} = 10 \cdot 10^3 (1 + 300 \cdot 10^{-6} (40))$$

$$= 10.120 \Omega$$

$$\alpha_2 = 300 \text{ ppm}/^\circ\text{C}$$

$$= \frac{300}{1000000} \%/\text{C}$$

$$= 300 \cdot 10^{-6} \%/\text{C}$$



$$\alpha = [\ln R]' = \frac{R'}{R}$$

$$R_T = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3}$$

$$\ln R_T = \ln \left( \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3} \right)$$

$$\ln R_T = \ln R_2 + \ln R_3 - \ln (R_2 + R_3)$$

$$\underbrace{[\ln R_T]'}_{\alpha_T} = \underbrace{[\ln R_2]'}_{\alpha_2} + \underbrace{[\ln R_3]'}_{\alpha_3} - [\ln (R_2 + R_3)]'$$

$$R' = \alpha R$$

$$\alpha_T = \alpha_2 + \alpha_3 - \frac{1}{R_2 + R_3} \cdot [R_2 + R_3]'$$

$$\alpha_T = \alpha_2 + \alpha_3 - \frac{1}{R_2 + R_3} \left[ \underbrace{(R_2)'}_{\alpha_2 R_2} + \underbrace{(R_3)'}_{\alpha_3 R_3} \right] \quad \alpha = \frac{R'}{R}$$

$$\alpha_T = \alpha_2 + \alpha_3 - \frac{\alpha_2 R_2 + \alpha_3 R_3}{R_2 + R_3}$$

$$\alpha_T = 299 \text{ ppm}/^\circ\text{C}$$

Ejercicios Componentes electrónicos

**TEMA 4 - RESISTORES NO LINEALES**

• Termistores -

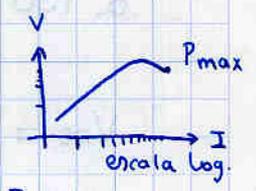
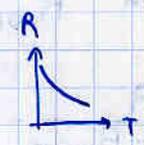
$R = f(T)$



T → Kelvin

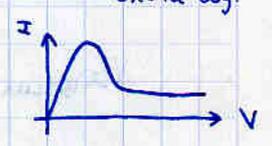
NTC  $\alpha < 0$

$R_T = A e^{B/T}$



PTC  $\alpha > 0$

$R_T = C e^{BT}$



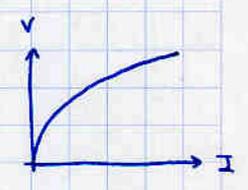
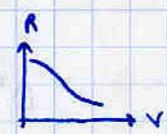
• Varistores

$R = f(V)$   
↑  
tensión

VDR

$I = k \cdot V^\alpha$   
 $V = c \cdot I^\beta$

$R = \frac{V}{I} = \frac{1}{k} V^{(1-\alpha)}$

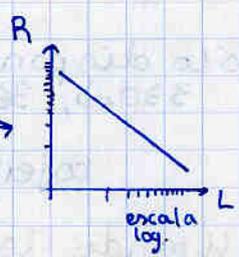
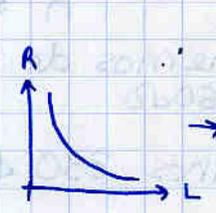


• Fotorresistores

$R = f(L)$   
↑  
iluminación

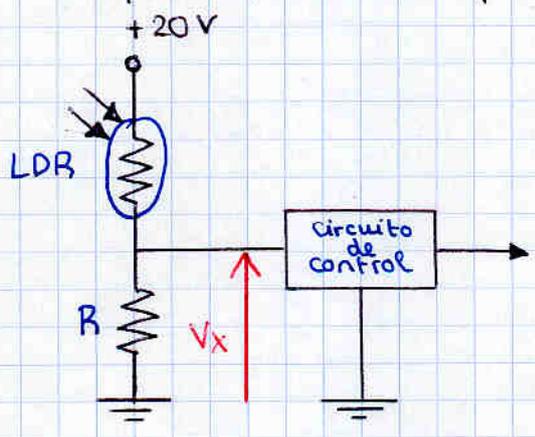
LDR

$R = A L^{-\alpha}$

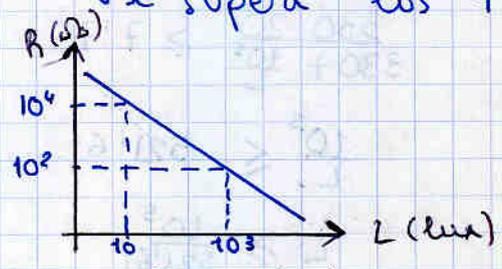


Problema 1

En un puerto, circuito para encender las luces



El circuito de control activa el alumbrado cuando  $V_x$  baja de 6,8 V y no lo apaga hasta que  $V_x$  supera los 7,75 V



a) calcula la expresión  $R = f(L)$

$R = A \cdot L^{-\alpha}$

sust. los dos puntos conocidos:

$10^2 = A \cdot 10^3^{-\alpha}$   
 $10^4 = A \cdot 10^{-\alpha}$

$A = \frac{10^4}{10^{-\alpha}} = 10^{4+\alpha}$   
sust en (1)

$10^2 = 10^{4+\alpha} \cdot 10^{-3\alpha} = 10^{4-2\alpha}$   
 $2 = 4 - 2\alpha$   
 $\alpha = 1$

$R = 10^5 L^{-1}$

$A = 10^5$

b) R necesaria para que luces se enciendan si  $L \leq 150 \text{ Lux}$

$$R: \text{ a } 150 \text{ Lux } V_x \leq 6'8 \text{ V}$$

$$\text{a } 150 \text{ Lux } R_{LDR} = 10^5 L^{-1} = 666'6 \Omega \quad \left(\frac{2000}{3}\right)$$

$$V_x = \frac{R}{R + R_{LDR}} \cdot 20$$

$$V_{x_{150 \text{ Lux}}} = \frac{R}{R + \frac{2000}{3}} \cdot 20 \leq 6'8 \text{ V}$$

$$\frac{R}{R + \frac{2000}{3}} \leq 0'34$$

$$R \leq 0'34 R + \frac{680}{3}$$

$$0'66 R \leq \frac{680}{3}$$

$$R \leq 343'4 \Omega$$

sólo disponemos de la serie E-24 (tablas en el examen)  
330 $\Omega$ , 360 $\Omega$

cojemos 330  $\Omega$

c) Usando la R del apartado anterior, ¿con que iluminación volverán a encenderse las luces?

$$\frac{R}{R + R_{LDR}} \cdot 20 \geq 7'75$$

$$R = 330 \Omega$$

$$R_{LDR} = \frac{10^5}{L}$$

$$\frac{330 \cdot 20}{330 + \frac{10^5}{L}} \geq 7'75$$

$$\frac{10^5}{L} \leq 521'61$$

$$L \geq \frac{10^5}{521'61}$$

$$L \geq 191'7 \text{ Lux}$$

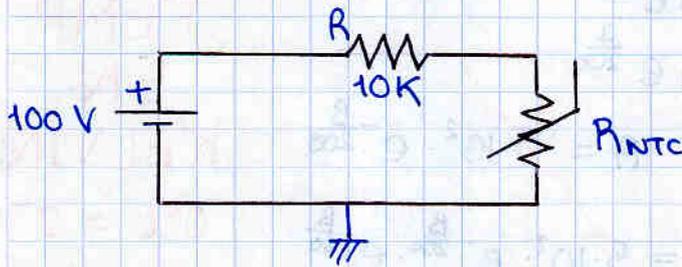
# Ejercicios Componentes Electrónicos Tema 4

## Problema 2. (16 enero 2002)

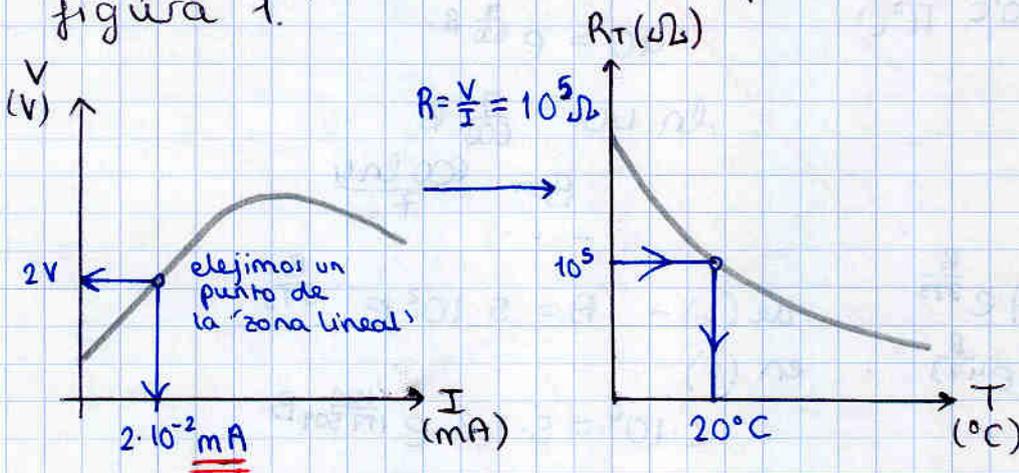
se dispone de un NTC del que se conocen las curvas características.

muchísimo cuidado con los ejes logarítmicos

consejo: escribir los valores normales en lápiz y asegurarse de que todo tiene sentido



a) A que temp. ambiente corresponde la figura 1.

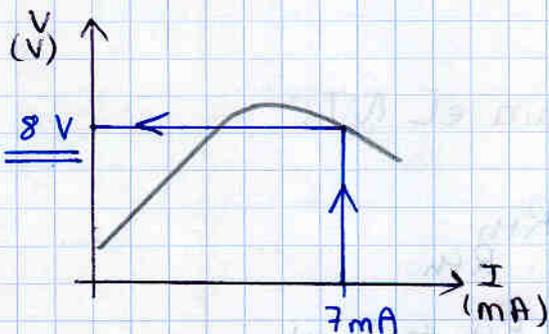


$T_{amb} = 20^{\circ}\text{C}$

b) Suponiendo  $T_{amb}$  del apartado anterior, se hace circular por el termistor una corriente de 7 mA.

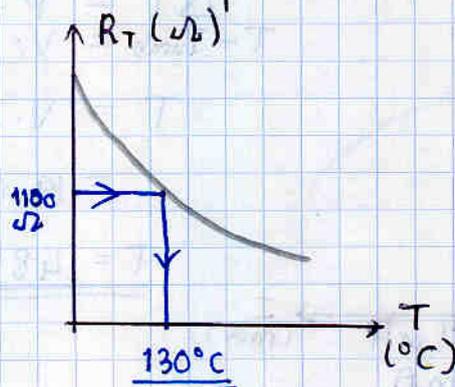
(i) calcular  $V_{NTC}$

(ii) Resistencia estática



$R = \frac{V}{I} = 1142,9 \Omega$

(iv) temperatura



(iii) Potencia disipada

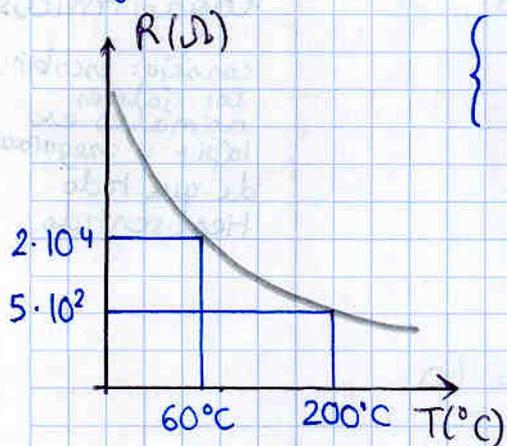
$P = V \cdot I = 0,056 \text{ W}$

(v)  $R_{th}$

$\Delta T = P \cdot R_{th}$   
 $R_{th} = \frac{\Delta T}{P} = \frac{160 - 20}{0,056} = 2500^{\circ}\text{C/W}$

c) Usando gráficas, calcula A y B de la ecuación  $R = Ae^{(B/T)}$  y B de la

necesitamos 2 puntos cualquiera de las gráficas.



$$\begin{cases} 2 \cdot 10^4 = Ae^{\frac{B}{60}} \\ 5 \cdot 10^2 = Ae^{\frac{B}{200}} \end{cases}$$

de (2) -  $A = 5 \cdot 10^2 \cdot e^{-\frac{B}{200}}$   
 en (1)

$$2 \cdot 10^4 = 5 \cdot 10^2 \cdot e^{-\frac{B}{200}} \cdot e^{\frac{B}{60}}$$

$$2 \cdot 10^4 = 5 \cdot 10^2 e^{\frac{7}{600} B}$$

$$40 = e^{\frac{7}{600} B}$$

$$\ln 40 = \frac{7}{600} B$$

$$B = \frac{600 \ln 40}{7}$$

  
 TEMP  
 EN  
 KELVIN

$0^\circ\text{C} = 273^\circ\text{K}$   
 absolute zero  
 $-273\text{K}$

$$\begin{cases} 2 \cdot 10^4 = Ae^{\frac{B}{333}} \\ 5 \cdot 10^2 = Ae^{\frac{B}{473}} \end{cases}$$

de (2) -  $A = 5 \cdot 10^2 e^{-\frac{B}{473}}$   
 en (1)

$$2 \cdot 10^4 = 5 \cdot 10^2 e^{\frac{140}{177509} B}$$

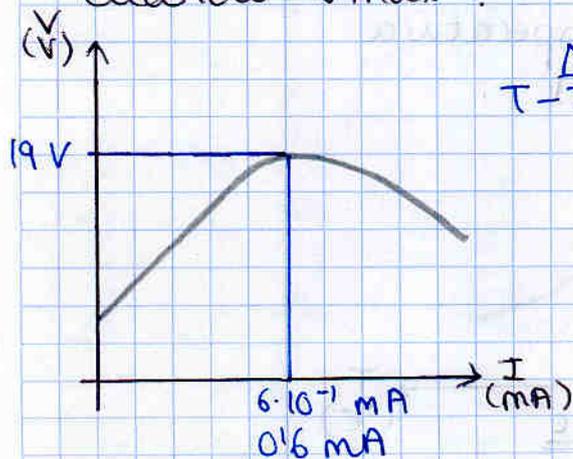
$$\ln 40 = \frac{140}{177509} B$$

$$\underline{\underline{B = 41501.2\text{K}}}$$

en (2)  $A = 5 \cdot 10^2 e^{-\frac{B}{473}}$

$$\underline{\underline{A = 0.077\ \Omega}}$$

d) ¿qué temperatura alcanzará el NTC cuando  $V_{\text{max}}$ ?



$$\Delta T = P \cdot R_{\text{th}}$$

$$T - T_{\text{amb}} = V \cdot I \cdot R_{\text{th}}$$

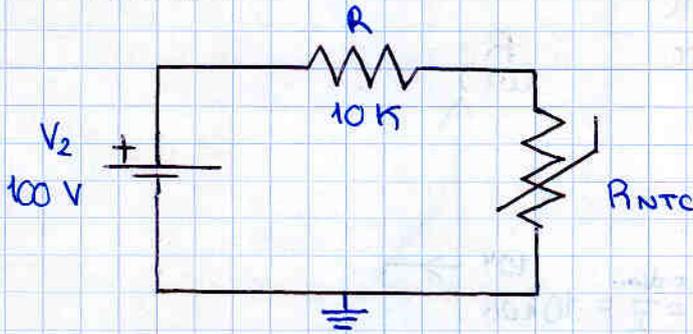
$$T = V \cdot I \cdot R_{\text{th}} + T_{\text{amb}}$$

$$= 19 \cdot 0.6 \cdot 10^{-3} \cdot 2500 + 20^\circ\text{C}$$

$$\underline{\underline{T = 48.5^\circ\text{C}}}$$

# Ejercicios Componentes Electrónicos

e) El termistor se conecta en el siguiente ~~circuito~~ circuito



Calcular a temperatura ambiente el punto de trabajo mediante la recta de carga.

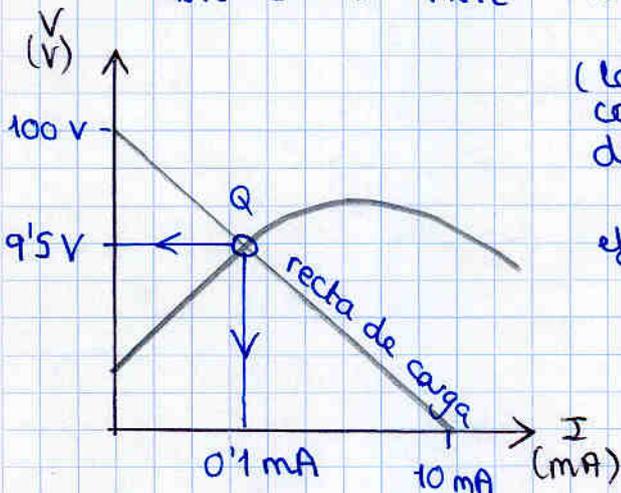
2ª Ley Kirchoff  $100 = iR + V_{Ntc}$

Recta de carga 
$$\frac{V_{Ntc}}{y} = -\frac{i_{Ntc}R}{x} + 100$$
  

$$y = -bx + c$$

$V_{Ntc} = 0 \rightarrow i_{Ntc} = \frac{100}{R} = 0.01 A = 10 mA$

$i_{Ntc} = 0 \rightarrow V_{Ntc} = 100 V$

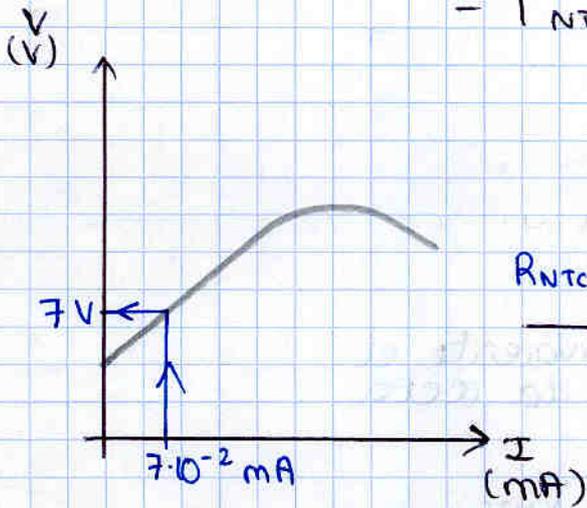


(la recta de carga coincide con una recta de la gráfica  $P = 1 mW$  efectivamente  $P = V \cdot I = 1 mW$ )

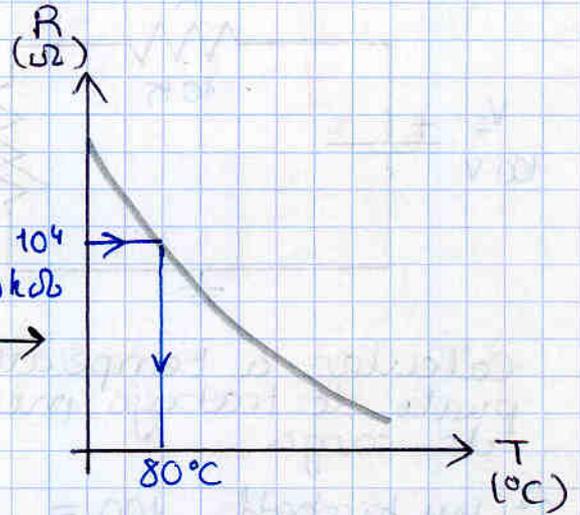
$$Q \begin{cases} V = 9.5 V \\ I = 0.1 mA \end{cases}$$

f) Si cambia la corriente a través del termistor a 0'07 mA.

Determinar: -  $R_{NTC}$   
-  $V_{NTC}$   
-  $T_{NTC}$



$$R_{NTC} = \frac{V}{I} = 10 \text{ k}\Omega$$



$$\begin{aligned} R_{NTC} &= 10 \text{ k}\Omega \\ V_{NTC} &= 7 \text{ V} \\ T_{NTC} &= 80^\circ\text{C} \end{aligned}$$

$$\left. \begin{aligned} V_{NTC} &= 7 \text{ V} \\ I_{NTC} &= 7 \cdot 10^{-2} \text{ mA} \end{aligned} \right\} \text{C}$$

# Ejercicios Componentes Electronicos

## Ejercicio 3 (22 Junio 2001)

Un termistor tiene

$$100^{\circ}\text{C} \rightarrow R = 54 \Omega$$

$$150^{\circ}\text{C} \rightarrow R = 32 \Omega$$

$$R = Ae^{\frac{B}{T}}$$

a) ¿De qué tipo es el termistor?

A mayor temp  $\rightarrow$  menor resistencia

$$\alpha < 0$$

se trata de una NTC

$$R = Ae^{\frac{B}{T}}$$

b) ¿Qué resistencia tiene el termistor a  $27^{\circ}\text{C}$ ?

calculemos A y B en  $R = Ae^{\frac{B}{T}}$

Temp en Kelvin! -273

$$\begin{cases} 54 = Ae^{\frac{B}{373}} & (1) \\ 32 = Ae^{\frac{B}{423}} & (2) \end{cases} \xrightarrow{(1)} A = 54 e^{-\frac{B}{373}}$$

$$\xrightarrow{\text{en (2)}} 32 = 54 e^{-\frac{50}{157779} B}$$

otro buen método es dividir  $\frac{(1)}{(2)}$

$$\ln \frac{32}{54} = -\frac{50}{157779} B$$

$$B = 1651'15 \text{ K}$$

$$A = 54 e^{-\frac{B}{373}}$$

$$A = 0'6455 \Omega$$

a  $27^{\circ}\text{C} = 300 \text{ K}$

$$R = Ae^{\frac{B}{300}}$$

$$R = 158'56 \Omega$$

c) Demostrar y calcular su coeficiente de temperatura a  $27^{\circ}\text{C}$

$$\alpha = \frac{1}{R_0} \frac{dR}{dT} = \frac{1}{R_0} \frac{d}{dT} (Ae^{\frac{B}{T}})$$

$$= \frac{1}{R_0} (A(-\frac{B}{T^2}) e^{\frac{B}{T}}) = \frac{1}{Ae^{\frac{B}{T}}} \cdot (Ae^{\frac{B}{T}}) \cdot (-\frac{B}{T^2})$$

$$= -\frac{B}{T^2} = -\frac{B}{300^2} = -0'0183 \text{ K}^{-1}$$

$$\alpha = -18346 \text{ PPM}/^{\circ}\text{C}$$

$$\alpha = \frac{1}{R_0} \frac{dR}{dT}$$

NTC

$$= \frac{1}{Ae^{\frac{B}{T}}} \cdot (Ae^{\frac{B}{T}})'$$

$$= \frac{1}{Ae^{\frac{B}{T}}} \cdot A e^{\frac{B}{T}} \cdot (-\frac{B}{T^2})'$$

$$= (-\frac{B}{T^2})' = -\frac{B}{T^2}$$

NTC

$$\alpha = -\frac{B}{T^2}$$

PTC

$$\alpha = \frac{1}{R_0} \frac{d}{dT} (Ae^{\frac{B}{T}})$$

$$= \frac{1}{Ae^{\frac{B}{T}}} \cdot A e^{\frac{B}{T}} \cdot B$$

$$\alpha = B$$

d) sabiendo

$$P = V \cdot I = \frac{\Delta T}{R_{th}}$$

calcular la temperatura que alcanzará cuando la tensión sea máxima

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow V^2 = P R \rightarrow V^2 = \frac{\Delta T}{R_{th}} R$$

$$V^2 = \frac{T - T_{amb}}{R_{th}} \cdot A e^{\frac{B}{T}}$$

en lugar de derivar directamente es mejor hacer primero el logaritmo

$$2 \ln V = \ln(T - T_{amb}) - \ln R_{th} + \ln A e^{\frac{B}{T}}$$

$$2 \ln V = \ln(T - T_{amb}) - \ln R_{th} + \ln A + \frac{B}{T}$$

Derivamos para hallar el máximo:

$$2 \frac{V'}{V} = \frac{1}{T - T_{amb}} - 0 + 0 - \frac{B}{T^2} = 0$$

$$\frac{1}{T - T_{amb}} = \frac{B}{T^2}$$

$$-T_{amb} + T = \frac{T^2}{B}$$

$$BT - BT_{amb} = T^2$$

$$T^2 - BT + BT_{amb} = 0$$

$$T = \frac{B \pm \sqrt{B^2 - 4BT_{amb}}}{2} = \begin{cases} T = 1257.1 \text{ K} \\ T = 394.0 \text{ K} \end{cases}$$

e) calcular la temperatura máxima sabiendo que la potencia máxima del termistor es de 2 W y  $R_{th} = 150^\circ\text{C}/\text{W}$

$$\Delta T_{max} = P_{max} \cdot R_{th}$$

$$T_{max} - T_{amb} = P_{max} \cdot R_{th}$$

$$T_{max} = P_{max} \cdot R_{th} + T_{amb}$$

$$T_{max} = 600 \text{ K}$$

$$= 327^\circ\text{C}$$

# Problemas Componentes Electrónicos

f) El termistor se conecta en paralelo con una resistencia lineal fija  $R_0$ , con  $\alpha_R = 0.005 \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$

calcular  $R$  a  $100^\circ\text{C}$  y  $R \parallel R_{NTC}$  a  $150^\circ\text{C}$  para que

$R \parallel R_{NTC}$  sea la misma en  $100^\circ\text{C}$  y  $150^\circ\text{C}$

$$R_{NTC} 100^\circ = 54 \text{ } \Omega \text{ (dato)}$$

$$R_{NTC} 150^\circ = 32 \text{ } \Omega$$

$$R \parallel R_{NTC} = \frac{R \cdot R_{NTC}}{R + R_{NTC}} = \frac{R_0 (1 + \alpha \Delta T) R_{NTC}}{R_0 (1 + \alpha \Delta T) + R_{NTC}}$$

• para  $100^\circ\text{C}$   $\Delta T = 73^\circ\text{C}$   $R_{NTC} = 54 \text{ } \Omega$

$$\frac{R_0 (1 + 73\alpha) \cdot 54}{R_0 (1 + 73\alpha) + 54} = \frac{R_0 \cdot 73.71}{1.365 R_0 + 54}$$

• para  $150^\circ\text{C}$   $\Delta T = 123^\circ\text{C}$   $R_{NTC} = 32 \text{ } \Omega$

$$\frac{R_0 (1 + 123\alpha) \cdot 32}{R_0 (1 + 123\alpha) + 32} = \frac{51.68 R_0}{1.615 R_0 + 32}$$

Iguando ambas expresiones

$$\frac{73.71 R_0}{1.365 R_0 + 54} = \frac{51.68 R_0}{1.615 R_0 + 32}$$

$$\frac{73.71}{1.365} \cdot 73.71 \cdot 1.615 R_0^2 + 32 \cdot 73.71 R_0 = 51.68 \cdot 1.365 R_0^2 + 54 \cdot 51.68 R_0$$

$$a R_0^2 + b R_0 = c R_0^2 + d R_0$$

$$a R_0 + b = c R_0 + d$$

$$(a - c) R_0 = d - b$$

$$R_0 = \frac{d - b}{a - c} = \underline{\underline{8.9075 \text{ } \Omega}}$$

$$R \text{ a } 100^\circ\text{C} = R_0 (1 + 73\alpha) = \underline{\underline{12.159 \text{ } \Omega}}$$

$$R \parallel R_{NTC} \text{ a } 150^\circ\text{C} = \frac{R_0 (1 + 123\alpha) \cdot 32}{R_0 (1 + 123\alpha) + 32} = \underline{\underline{9.92 \text{ } \Omega}}$$

Problem 1 (continued)

At 100°C,  $R_A = 100$ ,  $R_B = 100$ ,  $R_C = 100$

At 150°C,  $R_A = 150$ ,  $R_B = 150$ ,  $R_C = 150$

At 200°C,  $R_A = 200$ ,  $R_B = 200$ ,  $R_C = 200$

At 250°C,  $R_A = 250$ ,  $R_B = 250$ ,  $R_C = 250$

At 300°C,  $R_A = 300$ ,  $R_B = 300$ ,  $R_C = 300$

At 350°C,  $R_A = 350$ ,  $R_B = 350$ ,  $R_C = 350$

At 400°C,  $R_A = 400$ ,  $R_B = 400$ ,  $R_C = 400$

At 450°C,  $R_A = 450$ ,  $R_B = 450$ ,  $R_C = 450$

At 500°C,  $R_A = 500$ ,  $R_B = 500$ ,  $R_C = 500$

At 550°C,  $R_A = 550$ ,  $R_B = 550$ ,  $R_C = 550$

At 600°C,  $R_A = 600$ ,  $R_B = 600$ ,  $R_C = 600$

At 650°C,  $R_A = 650$ ,  $R_B = 650$ ,  $R_C = 650$

At 700°C,  $R_A = 700$ ,  $R_B = 700$ ,  $R_C = 700$

At 750°C,  $R_A = 750$ ,  $R_B = 750$ ,  $R_C = 750$

At 800°C,  $R_A = 800$ ,  $R_B = 800$ ,  $R_C = 800$

At 850°C,  $R_A = 850$ ,  $R_B = 850$ ,  $R_C = 850$

At 900°C,  $R_A = 900$ ,  $R_B = 900$ ,  $R_C = 900$

At 950°C,  $R_A = 950$ ,  $R_B = 950$ ,  $R_C = 950$

At 1000°C,  $R_A = 1000$ ,  $R_B = 1000$ ,  $R_C = 1000$

At 1050°C,  $R_A = 1050$ ,  $R_B = 1050$ ,  $R_C = 1050$

At 1100°C,  $R_A = 1100$ ,  $R_B = 1100$ ,  $R_C = 1100$

At 1150°C,  $R_A = 1150$ ,  $R_B = 1150$ ,  $R_C = 1150$

At 1200°C,  $R_A = 1200$ ,  $R_B = 1200$ ,  $R_C = 1200$

At 1250°C,  $R_A = 1250$ ,  $R_B = 1250$ ,  $R_C = 1250$

At 1300°C,  $R_A = 1300$ ,  $R_B = 1300$ ,  $R_C = 1300$

At 1350°C,  $R_A = 1350$ ,  $R_B = 1350$ ,  $R_C = 1350$

At 1400°C,  $R_A = 1400$ ,  $R_B = 1400$ ,  $R_C = 1400$

At 1450°C,  $R_A = 1450$ ,  $R_B = 1450$ ,  $R_C = 1450$

At 1500°C,  $R_A = 1500$ ,  $R_B = 1500$ ,  $R_C = 1500$

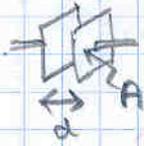
# TEMA 5- CONDENSADORES

## Ejercicios Componentes Electrónicos

$$C = \frac{Q}{V}$$

$$C = \epsilon \cdot \frac{A}{d}$$

↑  
 $\epsilon_r \cdot \epsilon_0$



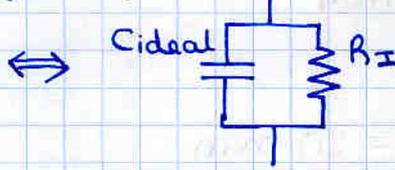
$$i = C \frac{dV}{dt} \rightarrow V \text{ siempre continua}$$

carga:

$$V(t) = V_{ini} + (V_{fin} - V_{ini})(1 - e^{-t/T})$$

$$T = R \cdot C$$

(I<sub>F</sub>) Corriente de fugas y resistencia de aislamiento (R<sub>I</sub>)



un condensador aislado se descarga  
 $T_c = C_N \cdot R_I$

Rigidez dieléctrica K<sub>0</sub>: máximo campo eléctrico

$$K_0 = E_{max}$$

$$(V = E \cdot d)$$

→ Tensión de ruptura

$$V_R = K_0 \cdot d$$

Energía almacenada

$$W = \frac{1}{2} CV^2$$

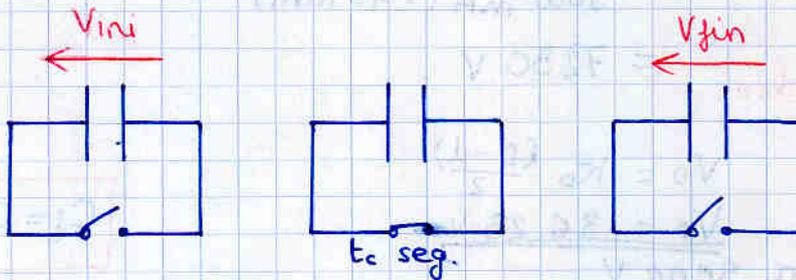
Temp.

$$C_T = C_N (1 + \alpha \Delta T)$$

↑  
coeficiente de temperatura (α)

Absorción Dieléctrica:

un condensador que se cortocircuita durante t<sub>c</sub> segundos queda con una tensión residual

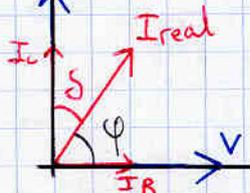


$$A_b = \frac{V_{jin}}{V_{ini}} \cdot 100 \quad (\%)$$

## Condensador Real en Alterna



I<sub>ideal</sub> (desfase π/2)



δ: ángulo de pérdidas

D = tg δ = factor de disipación } el mismo para circ. equiv. serie o paral.

$$tg \delta = \frac{1}{\omega \cdot R_p \cdot C_p} = \omega \cdot R_s \cdot C_s$$

$$\text{factor de calidad } Q = \frac{1}{tg \delta} = tg \varphi$$

# Problema 1 (Febrero 1998)

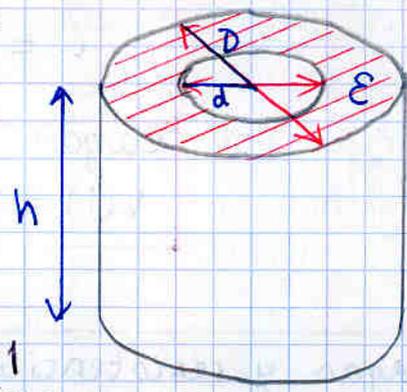
-3 -6 -9 -12  
milli micro nano pico

tenemos el condensador

$$C = 2\pi \frac{h \cdot \epsilon}{\ln \frac{D}{d}}$$

DIÁMETRO!  
NO RADIO

$$K_D = E_{max}$$
$$V_D = K_D \cdot e$$



$$C = 200 \text{ pF}$$

$$\epsilon = 250 \text{ pF/m}$$

Factor pérdidas a 1 kHz = 0.001

Rigidez Dieléctrica: 5 kV/mm

$$CTC = -3000 \text{ ppm/}^\circ\text{C}$$

a) si  $D = 10 \text{ mm}$  y  $h = 20 \text{ mm}$  calcular  $d$ .

$$\ln \frac{D}{d} = \frac{2\pi h \epsilon}{C}$$

$$\frac{D}{d} = e^{\frac{2\pi h \epsilon}{C}}$$

$$d = \frac{D}{e^{\frac{2\pi h \epsilon}{C}}}$$

$$d = 8.55 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

b) Comprobar si el C puede soportar 5000 V de forma continua

Rigidez dieléctrica  $K_D = 5 \text{ kV/mm}$

$$\text{Tensión de Ruptura } V_D = K_D \cdot (D-d)$$
$$= 5000 \frac{\text{V}}{\text{mm}} (1.45 \text{ mm})$$

$$= 7250 \text{ V}$$

Mal!!  
Diámetro, no radio

$$V_D = K_D \frac{(D-d)}{2}$$

$$V_D = 3625 \text{ V}$$

no soporta 5000 V

$$C_f = C_i (1 + \alpha_{CTC} \Delta T)$$

c) Si la temp. de trabajo es  $25^\circ\text{C}$ , calcular  $\frac{\Delta C}{C}$  a  $T_{max} = 150^\circ\text{C}$

$$C_f = C_i (1 + \alpha \Delta T)$$

$$\frac{\Delta C}{C} = \frac{C_f - C_i}{C_i} = \frac{C_i (1 + \alpha \Delta T) - C_i}{C_i} = \alpha \Delta T$$

$$= -\frac{3000}{10^6} \cdot 125 = -0.375$$

$$\frac{\Delta C}{C} = -0.375$$

# Ejercicios Componentes Electronicos

d) considerando el circuito equivalente en serie, calcular la potencia disipada por el condensador a 80V de C.A. a 1kHz



$$\text{tg } \delta = \omega \cdot C_s \cdot R_s$$

$$R_s = \frac{\text{tg } \delta}{\omega \cdot C_s} = \frac{0.001}{2\pi \cdot 10^3 \cdot 200 \cdot 10^{-12}}$$

$$R_s = 795'78 \Omega$$

**CUIDADO**  
 $\omega = 2\pi f$

$$i = \frac{V}{Z} = \frac{V}{|Z_R + Z_C|} = \frac{V}{\sqrt{R_s^2 + X_{C_s}^2}}$$

$$|X_{C_s}| = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi \cdot 10^3 \cdot 200 \cdot 10^{-12}}$$

$$i = \frac{80}{\sqrt{795'78^2 + \left(\frac{1}{2\pi \cdot 10^3 \cdot 200 \cdot 10^{-12}}\right)^2}} = 100'53 \mu\text{A}$$

$$P_p = R_s \cdot i^2 \quad (\text{no se disipa en C ideal})$$

$$P_p = 795'78 \cdot 100'53^2 \cdot 10^{-6} = 8'042 \mu\text{W}$$

creo que estaria mal por lo que sabemos de Tª circuitos

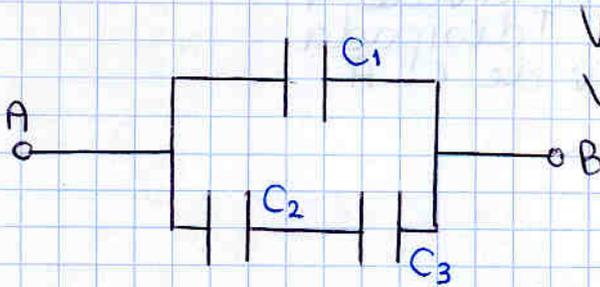
**Mirate Esto Bien**

$$R_s = \frac{\text{tg } \delta}{\omega C_s} \quad |i| = \frac{V}{|Z_C + Z_R|}$$

$$P = \frac{1}{2} R_s \cdot |i|^2$$

Hazlo como lo hariamos en Tª circ.

Problema 2 (10 sept. 2003)



$$V_{\max C_1} = 500 \text{ V}$$

$$V_{\max C_2} = 252 \text{ V}$$

$$V_{\max C_3} = 330 \text{ V}$$

$$\alpha_1 = 600 \text{ ppm}/^\circ\text{C}$$

$$\alpha_2 = 2\alpha_1$$

$$\alpha_3 = 3\alpha_1$$

$$C_2 = 2C_1$$

$$C_3 = 3C_1$$

El condensador 1:

Dos placas cuadradas

- 1 cm de lado

- 0.02 mm de separación

↳ dieléctrico  $\epsilon_r = 2216$

$$\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m} \quad \rightarrow \quad \sigma = 5 \cdot 10^{-11} (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$$

$$\sigma = \frac{1}{\rho}$$

$$C = \epsilon \frac{A}{d} \rightarrow \text{de una de las placas}$$

a) Calcular la capacidad de  $C_1$

$$C = \epsilon \frac{A}{d}$$

$$A = (0.01 \text{ m})^2 = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$d = 2 \cdot 10^{-5} \text{ m}$$

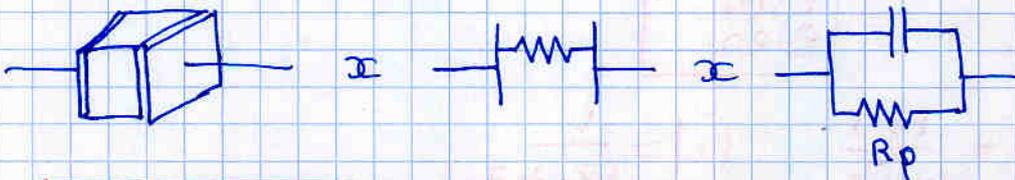
$$\epsilon = \epsilon_r \epsilon_0 = 2.0001 \cdot 10^{-10}$$

$$C = 1.00005 \text{ nF}$$

$$= 1000.05 \text{ pF}$$

$$\underline{C \approx 1 \text{ nF}}$$

b) Calcular la resistencia de pérdidas (modelo equivalente paralelo)



$$\underline{R_p \equiv \text{resistencia del dieléctrico}} = \rho \frac{L}{S} = \frac{1}{\sigma} \frac{L}{S} = \underline{46 \Omega}$$

$$R = \rho \frac{L}{S}$$

~~Calcular  $\tan \delta$  de  $C_1$  a 1 kHz~~

$$\tan \delta = \frac{1}{\omega C_p R_p} = \frac{1}{2\pi(1000) \cdot 1 \cdot 10^{-9} \cdot 46}$$

$$\omega = \underline{2\pi f}$$

$$R_p = \rho \frac{L}{S} = \frac{1}{\sigma} \frac{L}{S}$$

$$L = 0.02 \text{ mm} = 2 \cdot 10^{-6} \text{ cm}$$

$$S = (0.01 \text{ m})^2 = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\sigma = 5 \cdot 10^{-11} (\Omega \cdot \text{cm})^{-1} = 5 \cdot 10^{-9} (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$$

$$R_p = 40 \text{ M}\Omega$$

$$L = 0.02 \text{ mm} = 2 \cdot 10^{-3} \text{ cm}$$

$$S = (0.01 \text{ m})^2 = (1 \text{ cm})^2 = 1 \text{ cm}^2$$

$$\sigma = 5 \cdot 10^{-11} (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$$

## Ejercicios Componentes Electrónicos

c) Calcular la tangente del ángulo de pérdidas de  $C_1$  a 1 kHz

$$\operatorname{tg} \delta = \frac{1}{2\pi(1000) \cdot 1 \cdot 10^{-9} \cdot 40 \cdot 10^6}$$

$$\operatorname{tg} \delta = 3'979 \cdot 10^{-3}$$

$$\operatorname{tg} \delta = \frac{1}{\omega C_p R_p}$$

$$\omega = 2\pi f$$

d) En el circuito ¿cuánto valdría la tensión continua máxima aplicable entre los puntos A y B?

$$Q_2 = Q_3$$

$$C_2 V_2 = C_3 V_3$$

si  $V_2 = V_{2\max}$ ?

$$V_3 = \frac{C_2 V_2}{C_3} = \frac{2C_1 V_2}{3C_1} = \frac{2}{3} V_2 = \frac{2}{3} \cdot 252 = 168 \text{ V}$$

(lo aguantan los tres)

si  $V_3 = V_{3\max}$ ?

$$V_2 = \frac{C_3}{C_2} V_3 = \frac{3}{2} V_3 = \frac{3}{2} \cdot 370 = 495 \text{ V}$$

( $C_2$  no lo aguanta)

El condensador limitante es  $C_2$ , ~~es~~

$$V_{C_2} \leq 252 \text{ V}$$

$$V_{C_2} = 252 \text{ V} \rightarrow V_{C_3} = 168 \text{ V} \rightarrow V_{AB} = 420 \text{ V}$$

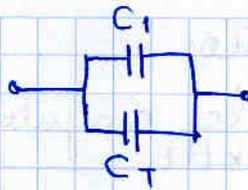
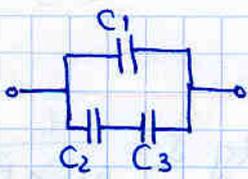
$$\underline{\underline{V_{\max AB} = 420 \text{ V}}}$$

e) Coeficiente de temperatura del condensador resultante

$$C_T = C_1 + \frac{C_2 \cdot \epsilon_3}{C_2 + C_3}$$

$$\text{En } C_T =$$

mal! hay que ir por partes



$$C_T = \frac{C_2 \cdot C_3}{C_2 + C_3}$$

$$\ln C_T = \ln C_2 + \ln C_3 - \ln(C_2 + C_3)$$

$$[\ln C_T]' = [\ln C_2]' + [\ln C_3]' - [\ln(C_2 + C_3)]'$$

$$\alpha_T = \alpha_2 + \alpha_3 - \frac{1}{C_2 + C_3} (C_2 + C_3)'$$

$$\alpha_T = \alpha_2 + \alpha_3 - \frac{\alpha_2 C_2 + \alpha_3 C_3}{C_2 + C_3}$$

$$\alpha_T = 2\alpha_1 + 3\alpha_1 - \frac{2\alpha_1 2C_1 + 3\alpha_1 3C_1}{2C_1 + 3C_1}$$

dato  
 $\alpha_2 = 2\alpha_1$   
 $\alpha_3 = 3\alpha_1$   
 $C_2 = 2C_1$   
 $C_3 = 3C_1$

$$\alpha_1 = \frac{500}{10^6} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$$

$$\alpha_T = 1'44 \times 10^{-3} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$$

$$= 1440 \text{ ppm } ^\circ\text{C}^{-1}$$

$$C_1 = 1 \text{ nF}$$

ahora :

$$C_{eq} = C_1 + C_T$$

$$C_{eq}' = C_1' + C_T'$$

$$\alpha_{eq} C_{eq} = \alpha_1 C_1 + \alpha_T C_T$$

$$C_T = \frac{2 \cdot 3 C_1}{2C_1 + 3C_1}$$

$$C_T = 1'2 \text{ nF}$$

$$\alpha_{eq} = \frac{\alpha_1 C_1 + \alpha_T C_T}{C_{eq}}$$

$$\alpha_{eq} = 1'058 \cdot 10^{-3} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$$

$$\underline{\underline{\alpha_{eq} = 1058'2 \text{ ppm}/^\circ\text{C}}}$$

$$\alpha = (\ln C)'$$

$$\alpha = \frac{C'}{C}$$

$$C' = \alpha C$$

# Ejercicios Componentes Electrónicos

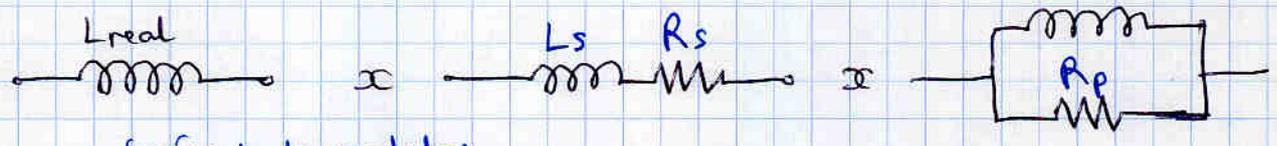
## TEMA 6 - INDUCTORES

Flujo:  $\Phi = L \cdot I$   
 $\Phi = B \cdot S$   
 coef autoinducción  $L = \mu \frac{N^2 S}{l}$

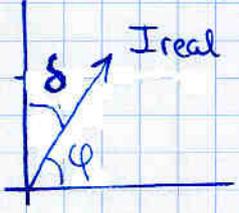
Tensión Inducida  $V_L = -L \frac{dI}{dt}$   
 $B = \mu \frac{N i}{l}$   
 $L = \frac{BS}{I} = \frac{\Phi}{I}$

tensión en la bobina  $v(t) = L \frac{dI}{dt}$

### Bobina en corriente alterna



$\delta$ : ángulo de pérdidas



$$\text{tg } \delta = \frac{R_s}{L_s \cdot \omega}$$

$$\text{tg } \delta = \frac{\omega \cdot L_p}{R_p}$$

factor de calidad  $Q = \frac{1}{\text{tg } \delta} = \text{tg } \varphi$

Para pasar de serie a paralelo

$$L_s = L_p \frac{Q^2}{1+Q^2}$$

$$R_p = R_s \cdot (1+Q^2)$$

### Truco para recordar tg $\delta$

Condensadores

serie:  $\text{tg } \delta = \omega \cdot C_s \cdot R_s$

paralelo:  $\text{tg } \delta = \frac{1}{\omega \cdot C_p \cdot R_p}$

Bobinas

serie:  $\text{tg } \delta = \frac{R_s}{\omega L_s}$

paralelo:  $\text{tg } \delta = \frac{\omega L_p}{R_p}$

la R se queda en su sitio (omega L cambia, como en  $Z = j\omega L$  /  $\frac{1}{j\omega C}$ )

## Problema 1

Sea una bobina

- Hilo de cobre  $0.1 \text{ mm}$  de diametro  
resistividad  $17.24 \cdot 10^{-9} \text{ } \Omega \cdot \text{m}$  a  $25^\circ \text{C}$
- Nucleo de ferrita  $3 \text{ mm}$  de diametro  
 $1 \text{ cm}$  de longitud  
 $\mu_r = 50$
- 100 espiras (despreciar el paso de la espira)

## Ejercicios Componentes Electrónicos

## Problema 2:

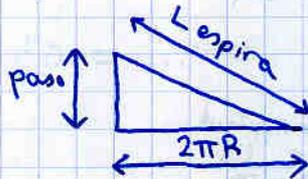
## Resistor bobinado

- hilo conductor de coef temp.  $> 0$
- soporte: cilindro de cerámica
  - 5 mm diámetro
  - 20 mm longitud
- Paso de las espiras: 1 mm
- Diámetro del hilo: 20  $\mu\text{m}$

a) Calcular resistencia a  $10^\circ\text{C}$  sabiendo resistividad a  $10^\circ\text{C}$   $\rho = 1 \cdot 10^{-3} \Omega \cdot \text{cm}$

$$N = 20 \text{ espiras}$$

$$L_{\text{TOT}} = N \cdot L_{\text{ESPIRA}}$$



$$L_{\text{ESPIRA}} = \sqrt{H^2 + (2\pi R)^2}$$

$$= 15173 \text{ mm}$$

$$L_{\text{TOT}} = 0'31478 \text{ m}$$

$$R = \rho \frac{L}{S}$$

$$S = \pi R^2 = \pi \left(\frac{\phi}{2}\right)^2$$

$$= 1'9635 \cdot 10^{-5}$$

$$\underline{\underline{R = 10\ 020 \ \Omega}}$$

b) Se ha comprobado que entre  $10^\circ\text{C}$  y  $60^\circ\text{C}$   $\rho$  cumple  $\rho = AT^2$  (T en Kelvin)  
 Calcular A  
 Calcular CDT a  $10^\circ\text{C}$  y  $60^\circ\text{C}$

$$A = \frac{\rho}{T^2} = \frac{1 \cdot 10^{-3} \frac{\text{cm} \cdot \text{m}}{\text{m}^2}}{283^2} = \underline{\underline{1'2486 \cdot 10^{-10} \frac{\Omega \cdot \text{m}}{\text{K}^2}}}$$

$$\alpha = \frac{1}{\rho} \frac{d\rho}{dT} = \frac{1}{AT^2} (AT^2)' = \frac{2AT}{AT^2} = \frac{2}{T}$$

$$\alpha = \frac{1}{\rho} \frac{d\rho}{dT}$$

$$\alpha = 2/T$$

$$\alpha_{10^\circ\text{C}} = 2/283 = 0'007 \text{ K}^{-1}$$

$$\underline{\underline{\alpha_{60^\circ\text{C}} = 2/333 = 0'006 \text{ K}^{-1}}}$$

c) Si intensidad = 10 mA y  $T_{amb} = 25^\circ C$   
 Calcular potencia que se disipa

$$P = I^2 R$$

$$= I^2 \rho_{25} \frac{L}{S}$$

$$\rho_{25} = \alpha T^2 = \alpha \cdot 298^2 = 1'109 \cdot 10^{-5}$$

$$= (10 \cdot 10^{-3})^2 \cdot 1'109 \cdot 10^{-5} \cdot \frac{0'31478}{1'9635 \cdot 10^{-5}}$$

...

d) L

$$L = \mu_r \mu_0 \frac{N^2 S}{L} = \dots = 0'493 \mu H$$

$\swarrow$   $\leftarrow$   $\text{sup lat}$   
 espira  
 $\nwarrow$   
 $\uparrow$  longitud  
 de la  
 espira  
 (no del hilo)

$$L = \mu_r \mu_0 \frac{N^2 S}{L}$$

$\uparrow$   
long  
bobina

e) a factor de calidad a 1000 Hz



$$\text{tg } \delta = \frac{R_s}{L_s \omega}$$

$$Q = \frac{1}{\text{tg } \delta} = \frac{1}{\frac{R_s}{L_s \omega}} = \frac{\omega L_s}{R_s} = \frac{2\pi f L_s}{R_s}$$

$$Q = \frac{2\pi \cdot 1000 \cdot 0'493 \cdot 10^{-6}}{10,20}$$

$$Q = 3'05 \cdot 10^{-7}$$

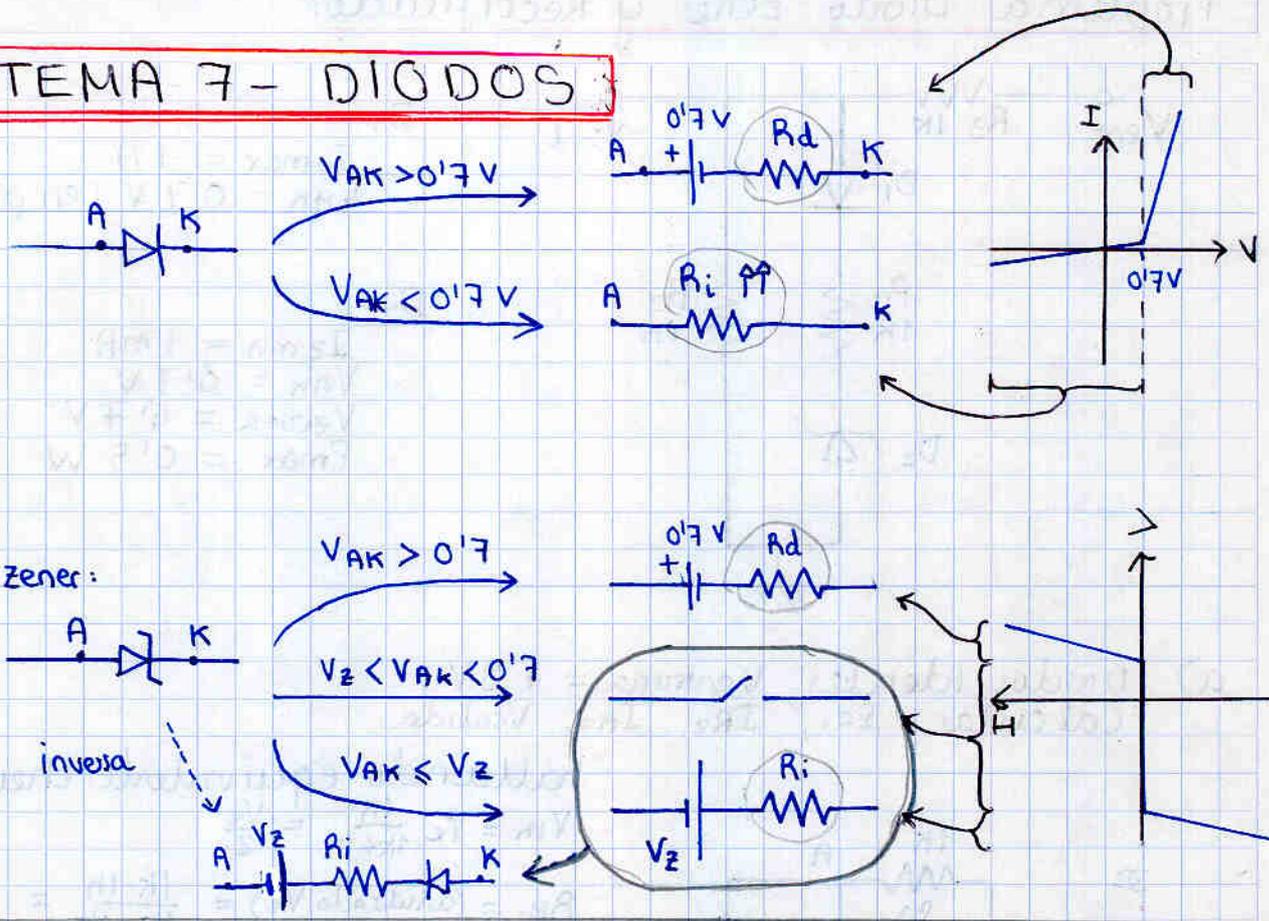
$$\text{tg } \delta = \frac{R_s}{\omega L_s}$$

$$\text{tg } \delta = \frac{\omega L_s}{R_p}$$

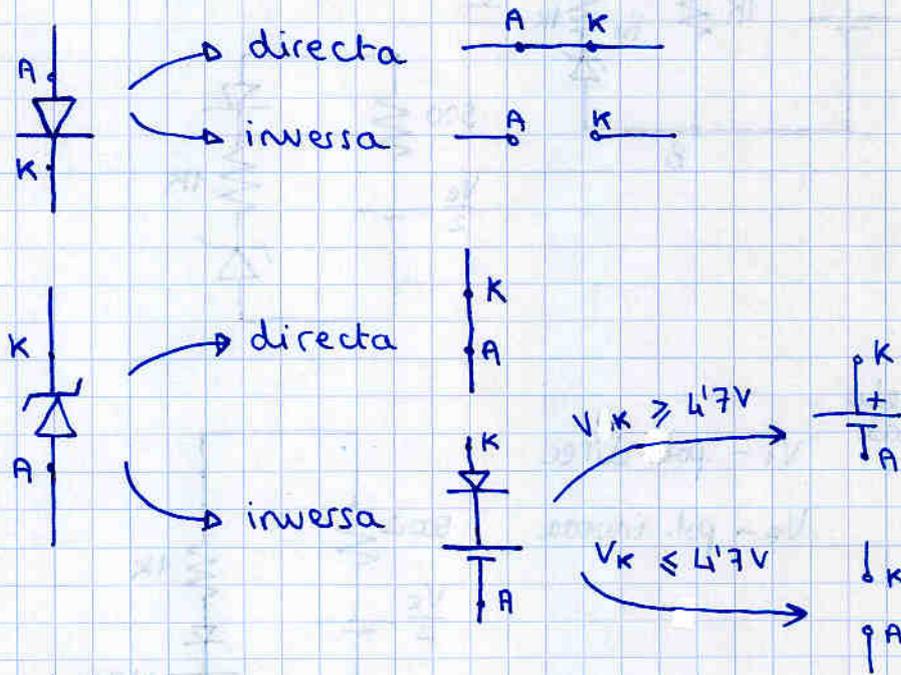
$$Q = \frac{1}{\text{tg } \delta}$$

# TEMA 7 - DIODOS

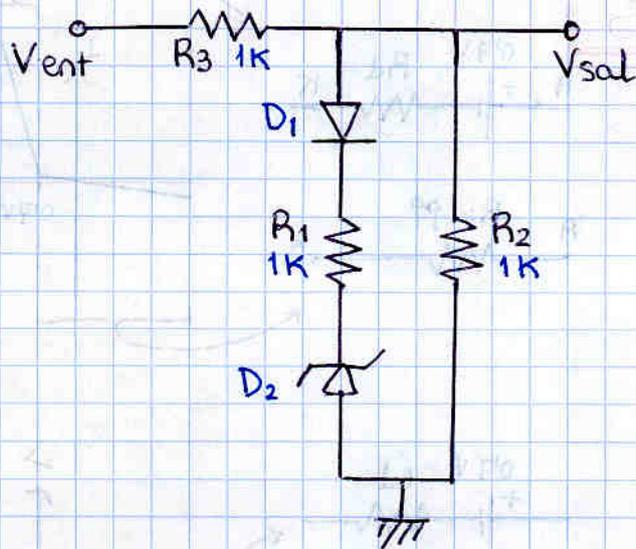
## Modelo Real



## Modelo Ideal



# Problema Diodo Zener y Rectificador



$D_1$ :  
 $I_{Dmax} = 1 A$   
 $V_{AK} = 0.7 V$  (en pol. directa)

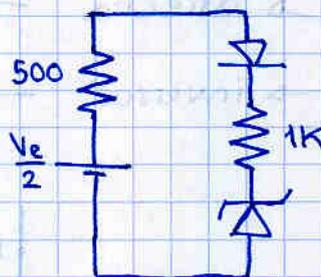
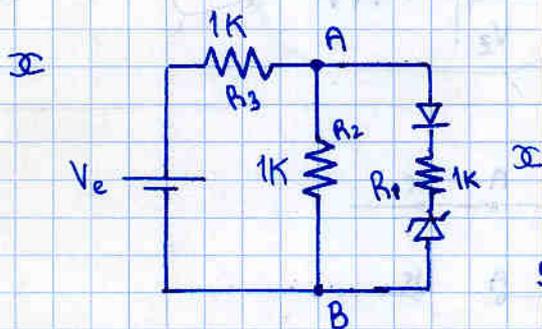
$D_2$ :  
 $I_{Zmin} = 1 mA$   
 $V_{AK} = 0.7 V$   
 $V_{ZENER} = 4.7 V$   
 $P_{max} = 0.5 W$

a) Diodos Ideales,  $V_{entrada} = +8V$   
 Calcular  $I_{R1}$ ,  $I_{R2}$ ,  $I_{R3}$ ,  $V_{salida}$

hallando equivalente thevenin

$$V_{th} = V_e \frac{1k}{1k+1k} = \frac{V_e}{2}$$

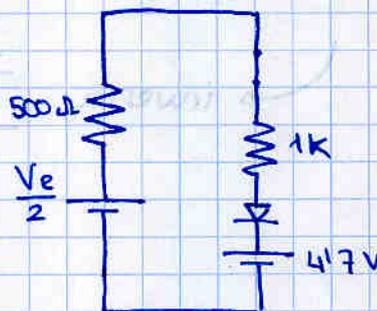
$$R_{th} = (\text{anulando } V_e) = \frac{1k \cdot 1k}{1k+1k} = 500 \Omega$$



Modelo ideal

$V_1$  - pol. direc

$V_2$  - pol. inversa



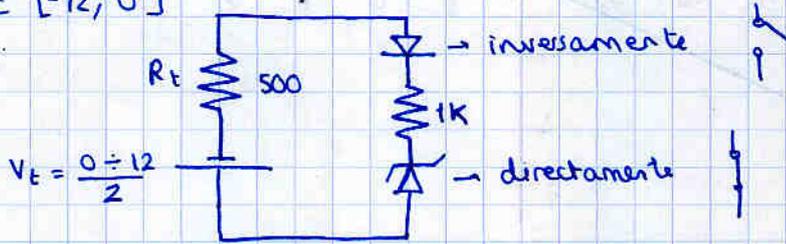
$$\frac{V_e}{2} = 4V < 4.7V \rightarrow V_{zener} \text{ en corte} \rightarrow I_{R1} = 0 A$$

$$I_{R2} = I_{R3} = \frac{V_e}{R_2 + R_3} = \frac{8}{2k} = 4 \cdot 10^{-3} A$$

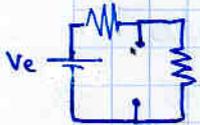
$$V_{salida} = I_{R2} \cdot R_2 = 4mA \cdot 1k\Omega = 4V$$

b) Diodos Ideales,  $V_e$  varía entre  $-12V - +12V$   
 Dibujar gráfica Ventrada eje horiz vs. Vsalida eje vertical

•  $V_e \in [-12, 0]$



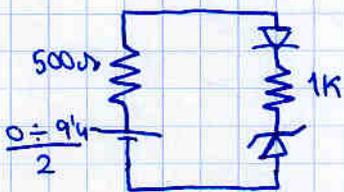
$D_1$  está en corte:  $i_{R1} = 0A$



$$i_{R3} = i_{R2} = \frac{V_e}{2k} = \frac{V_e}{2} \cdot 10^{-3} A$$

$$V_{salida} = i_{R2} R_2 = \frac{V_e}{2} \cdot 10^{-3} \cdot 1k = \boxed{\frac{V_e}{2} V}$$

•  $V_e \in [0, 9.4]$

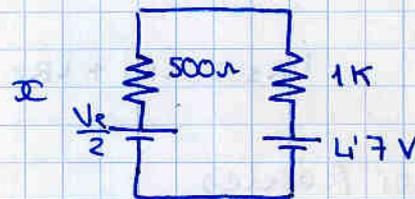


Zener está en corte

$$i_{R1} = 0A$$

$$V_{salida} = i_{R2} R_2 = \frac{V_e}{2k} \cdot 1k = \boxed{\frac{V_e}{2} V}$$

•  $V_e \in [9.4, 12]$



$$i_{R1} = \frac{\left(\frac{V_e}{2} - 4.7\right)}{500 + 1k}$$

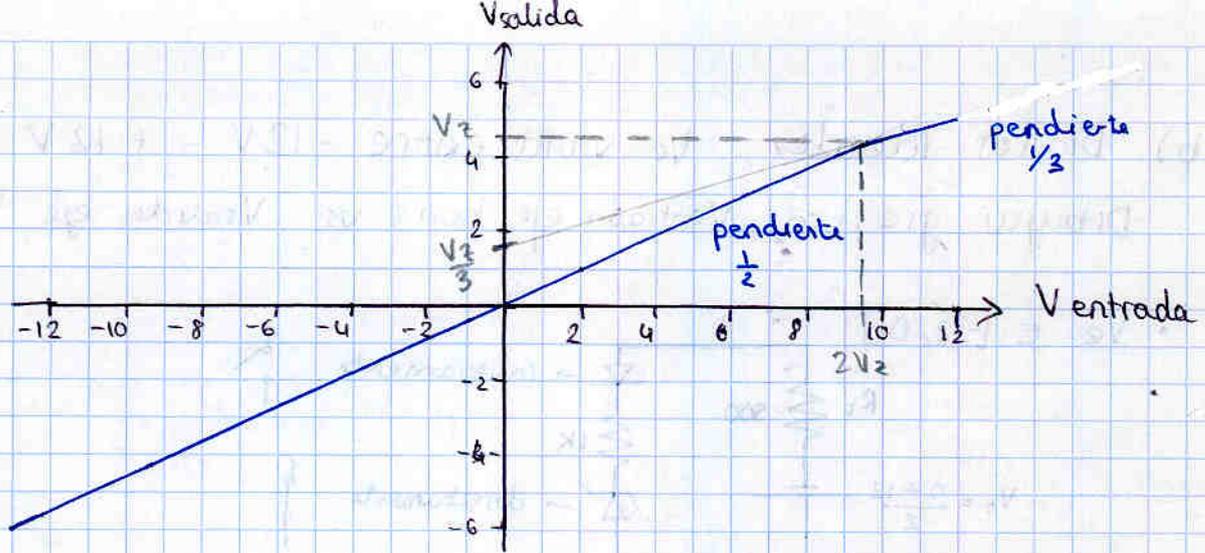
$$V_{salida} = V_Z + V_{R2} = 4.7 + i_{R2} R_2 = 4.7V + \frac{1k \left(\frac{V_e}{2} - 4.7\right)}{1.5k}$$

$$= 4.7 + \frac{2}{3} \left(\frac{V_e}{2} - 4.7\right)$$

$$= 4.7 + \frac{V_e}{3} - \frac{2}{3} \cdot 4.7$$

$$V_{salida} = \boxed{\frac{V_e}{3} + \frac{V_Z}{3}}$$

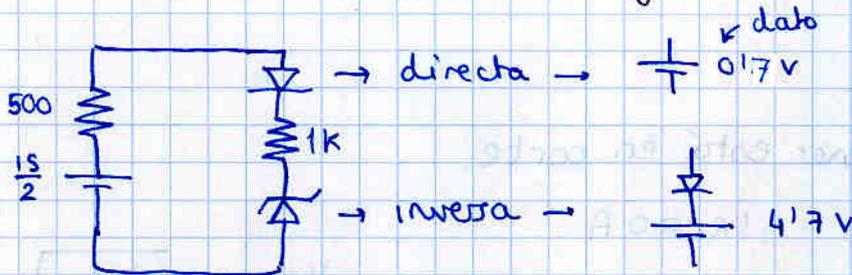
$\frac{1}{3} V_e + cte$   
recta



c) Suponiendo diodos reales  
(como no dan las resistencias utilizamos el modelo simplificado)

Ventrada = 15 V

Calcular  $I_{R_1}$ ,  $I_{R_2}$ ,  $I_{R_3}$  y Pot zener



$$I_{R_1} = \frac{\frac{15}{2} - 0.7 - 4.7}{1.5k} = \frac{2.1}{1.5k} = \underline{1.4 \text{ mA}}$$

$$I_{R_2} = \frac{V_{R_2}}{R_2} = \frac{0.7 + 4.7 + I_{R_1} R_1}{1k} = \underline{6.8 \text{ mA}}$$

$$I_{R_3} = I_{R_1} + I_{R_2} = \underline{8.2 \text{ mA}}$$

d) Diodos Reales.

Ventrada onda cuadrada 100 Hz tensión oscila  $-15V$   $+15V$

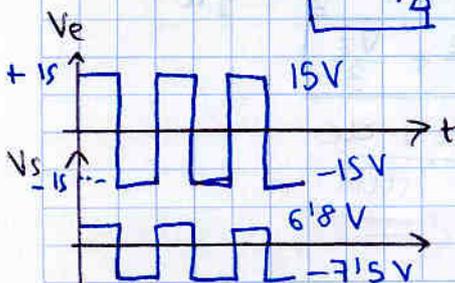
Representar Ventrada y Vsalida en función del tiempo

$+15V \rightarrow$  apartado c)  $V_{salida} = V_{R_2} = 0.7 + 4.7 + I_{R_1} R_1 = 6.8V$

$-15V$   $D_1$  no conduce  $I_{R_1} = 0A$

$$I_{R_2} = I_{R_3} = \frac{V_e}{R_2 + R_3} = -7.5 \text{ mA}$$

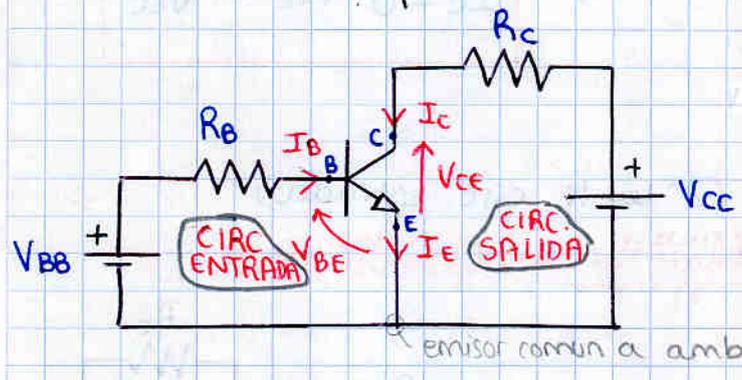
$$V_{salida} = I_{R_2} \cdot R_2 = -7.5V$$



Problemas Componentes Electronicos

**TEMA 8 - TRANSISTORES BJT**

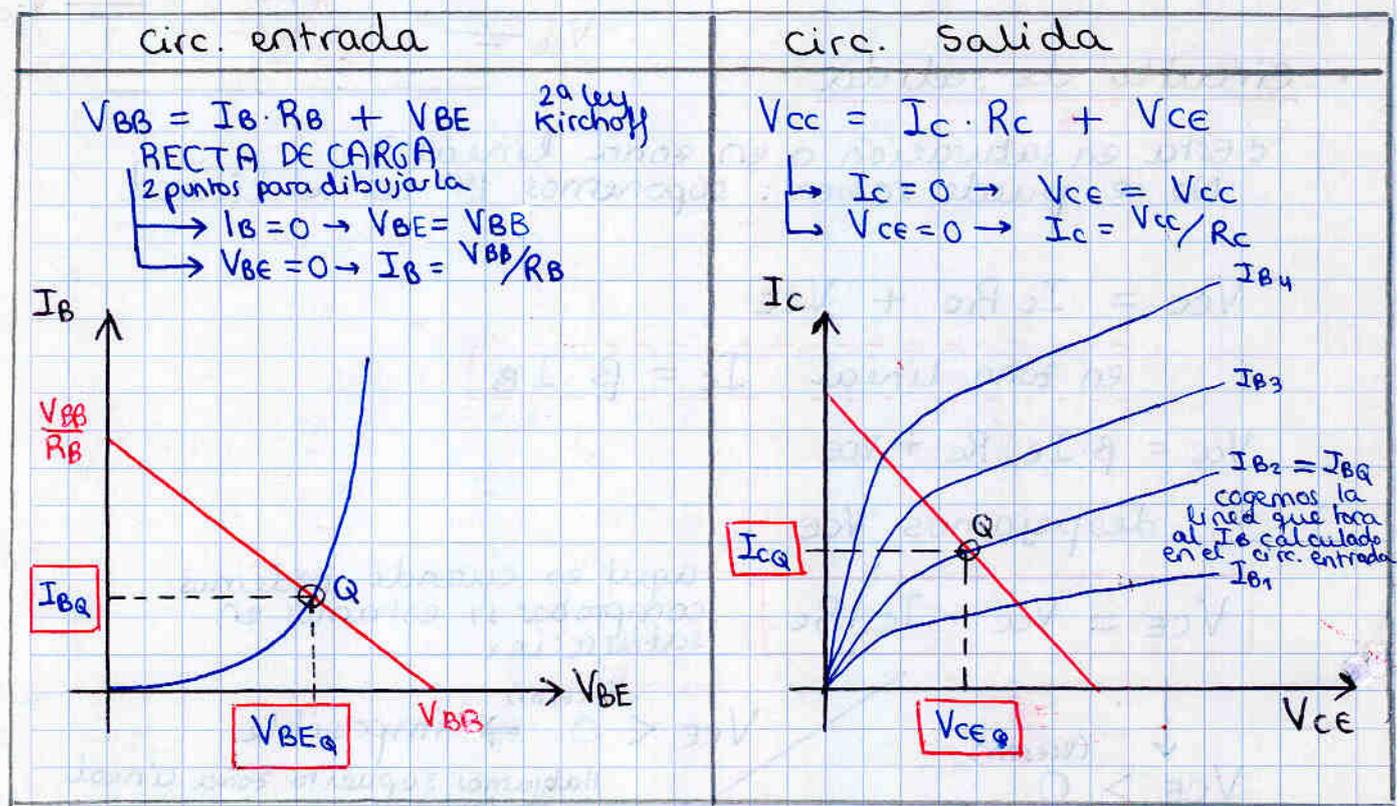
Análisis del punto Q en emisor común



Q {  
VBE  
IB  
VCE  
IC

$I_C = \beta \cdot I_B$

→ Gráficamente

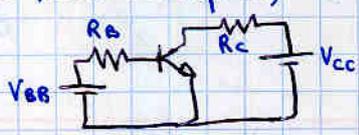


Ya hemos obtenido

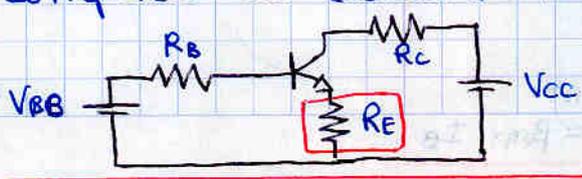
$I_{BQ}$   
 $V_{BEQ}$   
 $I_{CQ}$   
 $V_{CEQ}$

:= Q punto de funcionamiento

NOTA: Normalmente el circuito no es tan simple, hay que aplicar Thevenin para convertirlo en



en algunos casos es imposible, y al simplificar queda una RE que complica los cálculos → ajo y agua



máticamente el procedimiento es el mismo (pag siguiente) pero a veces aparecen sistemas de ecs. (q calc ICsat conviene suponer:  $I_B + I_{CSAT} \approx I_{CSAT}$ )

→ Matemáticamente (esto siempre es igual excepto si existe RE → ver 2 pags adelante)

• Circuito de entrada

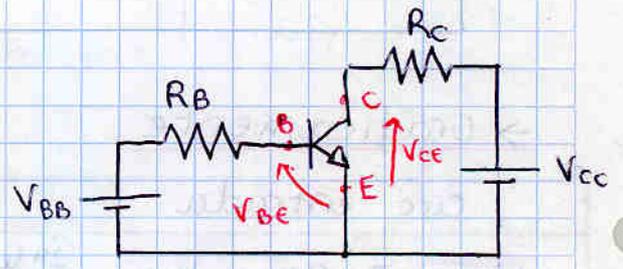
1- ¿Está en corte?  
¿ $V_{BB} < 0.7V$ ? → SI

corte:  
 $I_B = 0$   $V_{BE} = V_{BB}$   
 $I_C = 0$   $V_{CE} = V_{CC}$

NO

$V_{BB} = I_B \cdot R_B + V_{BE}$  (2ª ley k. circ. entrada)  
 (suele ser dato del ejercicio) → si no es dato lo suponemos = 0.7

despejamos  $I_B$   
 $I_B = \frac{V_{BB} - V_{BE}}{R_B}$



• Circuito de salida

¿Está en saturación o en zona lineal?  
 No se puede saber: suponemos 1º zona lineal

$V_{CC} = I_C R_C + V_{CE}$

en zona lineal  $I_C = \beta \cdot I_B$

$V_{CC} = \beta \cdot I_B \cdot R_C + V_{CE}$

despejamos  $V_{CE}$

$V_{CE} = V_{CC} - I_C \cdot R_C$

agui es cuando podemos comprobar si estamos en saturación

↓  $(V_{CE SAT})$   
 $V_{CE} > 0$

$V_{CE} < 0 \Rightarrow$  imposible  
 Habiamos supuesto zona lineal → incorrecto

todo ya calculado

Zona lineal:  
 $I_B = \frac{V_{BB} - V_{BE}}{R_B}$   
 $V_{BE} = 0.7V$   
 $I_C = \beta \cdot I_B$   
 $V_{CE} = V_{CC} - I_C \cdot R_C$

saturación

$V_{CE} = V_{CE SAT} = 0.2V$  ( $V_{CE SAT}$  suele ser dato del ejercicio, sino suponemos = 0.2)

$I_C \neq \beta \cdot I_B$  la  $\beta$  ya no es 100 ahora es  $\beta_{SAT}$

despejamos  $I_C$  de  $V_{CE} = V_{CC} - I_C \cdot R_C$

$I_C = \frac{V_{CC} - V_{CE SAT}}{R_C} = I_{CSAT}$

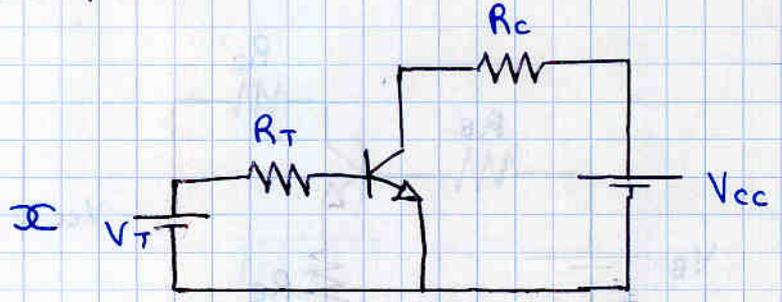
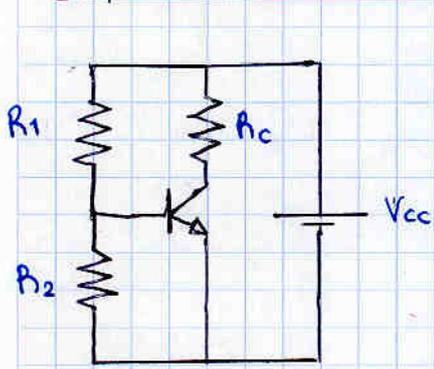
$\beta_{SAT} = \frac{I_{CSAT}}{I_B} < \beta$

NOTA  
 $V_{CE SAT}$  siempre es la misma.  
 $I_{CSAT}$  y  $\beta_{SAT}$  cambian en cada circuito

todo ya calculado

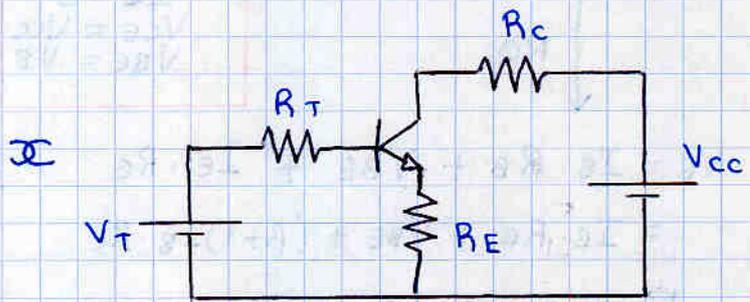
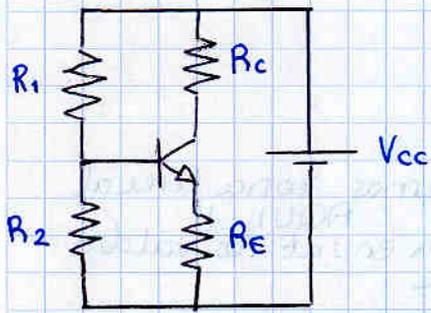
saturación  
 $I_B = \frac{V_{BB} - V_{BE}}{R_B}$   
 $V_{BE} = 0.7V$   
 $V_{CE} = V_{CE SAT}$   
 $I_C = I_{CSAT} = \beta_{SAT} \cdot I_B$

Equivalentes thevenin típicos



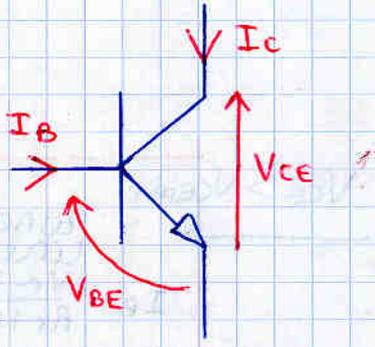
en ambos casos:

$$V_T = V_{cc} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad R_T = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$



$$I_B + I_{C_{SAT}} \approx I_{C_{SAT}}$$

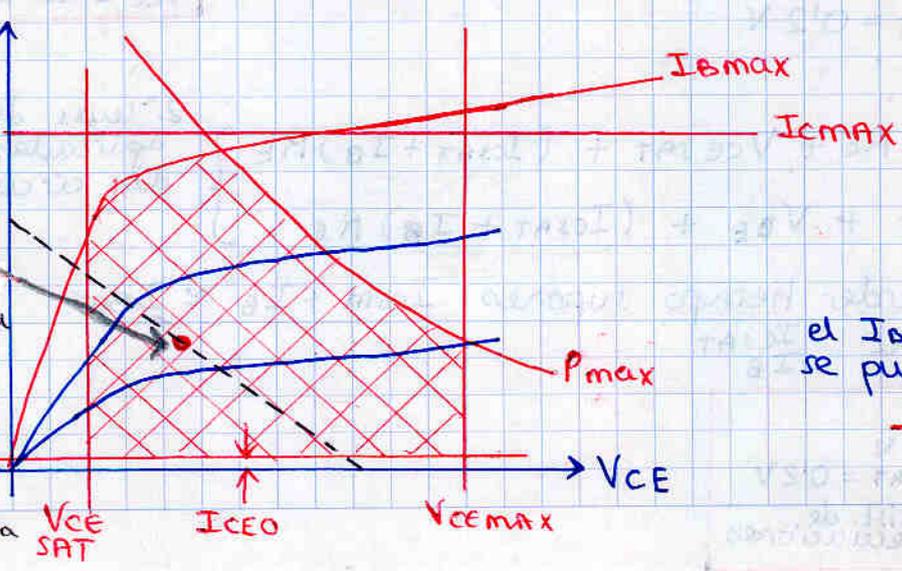
Potencia de un transistor



$$P = V_{ce} \cdot I_c + V_{BE} \cdot I_B$$

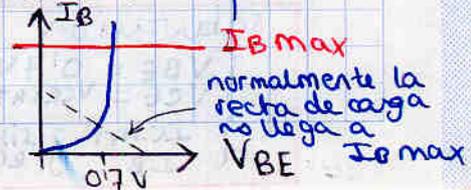
Zona de funcionamiento seguro (SOA)

nota: el punto central de la recta de carga es el que consume más potencia  
 si en ese punto  $P < P_{max}$  entonces  $P < P_{max}$

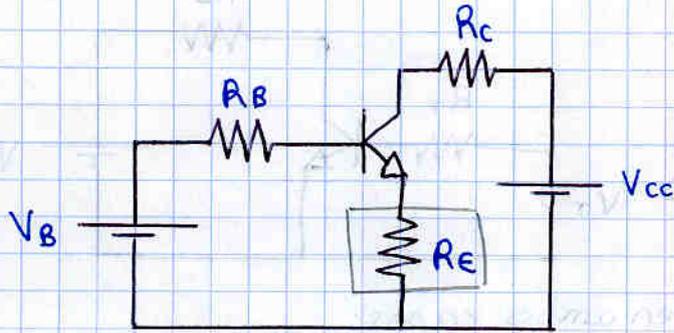


- delimitada por:
- $I_{c\ max}$
  - $V_{ce\ max}$
  - $P_{max}$
  - $I_{B\ max}$
  - $I_{C_{EO}}$
  - $V_{ce\ SAT}$

el  $I_{B\ max}$  también se puede ver aquí:



Calculo del punto Q (~~en saturación~~) si existe RE



Circ. entrada

$V_T < 0.7V$   $\xrightarrow{SI}$   
 $\downarrow$  NO

corce  
 $I_B = 0$   
 $I_E = 0$   
 $V_{CE} = V_{CC}$   
 $V_{BE} = V_B$

$$V_B = I_B \cdot R_B + V_{BE} + I_E \cdot R_E$$

$$= I_B \cdot R_B + V_{BE} + (\beta + 1) I_B \cdot R_E$$

suponemos zona lineal  
 AQUI !!  
 si esta en sat no valdra nada

despejamos  $I_B$

$$I_B = \frac{V_T - V_{BE}}{R_T + (\beta + 1) R_E}$$

Circ salida

$$V_{CC} = I_C \cdot R_C + V_{CE} + I_E \cdot R_E$$

$$V_{CC} = \frac{I_C}{\beta \cdot I_B} \cdot R_C + V_{CE} + (\beta + 1) I_B R_E$$

$$V_{CE} = V_{CC} - I_B \cdot \beta \cdot R_C - I_B (\beta + 1) R_E$$

$V_{CE} > V_{CE SAT}$

zona lineal  
 $I_B = \frac{V_T - V_{BE}}{R_T + (\beta + 1) R_E}$   
 $V_{BE} = 0.7V$   
 $I_C = \beta \cdot I_B$   
 $V_{CE} = V_{CC} - I_B \beta R_C - I_B (\beta + 1) R_E$

$\downarrow$   $V_{CE} < V_{CE SAT}$   
 más tipico es  $V_{CE} < 0 !!!$

saturación:

$$V_{CE} = V_{CE SAT} = 0.2V$$

¿ $I_{CSAT}$ ? ¿ $I_B$ ?

$$V_{CC} = I_{CSAT} \cdot R_C + V_{CE SAT} + (I_{CSAT} + I_B) R_E$$

$$V_T = I_B R_T + V_{BE} + (I_{CSAT} + I_B) R_E$$

2ª leyes de Kirchoff  
 aplicadas a los  
 dos circuitos

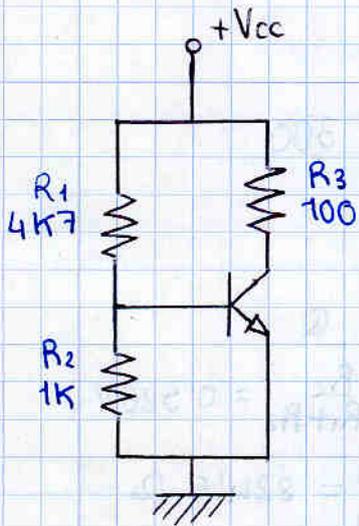
si no quieres perder tiempo supones  $I_{CSAT} + I_B \approx I_{CSAT}$

$\rightarrow$  se obtiene  $\frac{I_{CSAT}}{I_B}$

saturación  
 $\left\{ \begin{array}{l} V_{BE} = 0.7V \\ V_{CE} = V_{CE SAT} = 0.2V \end{array} \right.$   
 $\left\{ \begin{array}{l} I_{CSAT} \\ I_B \end{array} \right\}$  sist. de ecuaciones

Problemas Componentes Electrónicos

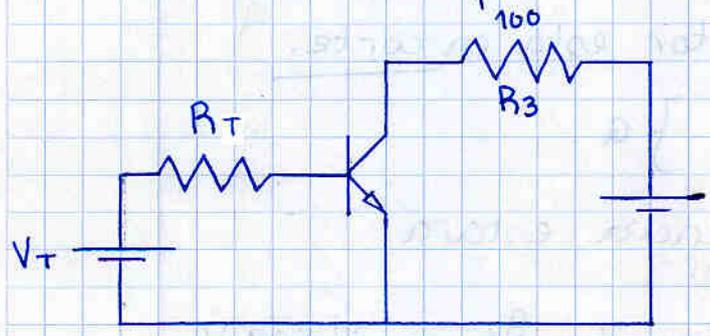
Problema Enero 2002



Datos a 25°C

- $V_{CEsat} = 0.2 \text{ V}$
- $I_{Bmax} = 100 \text{ mA}$
- $I_{Cmax} = 1 \text{ A}$
- $P_{max} = 0.5 \text{ W}$
- $V_{CEmax} = 30 \text{ V}$
- $\beta = 120$
- $V_{BE} = 0.7 \text{ V}$
- $R_{th} = 300^\circ \text{ C/W}$

b) Si  $V_{cc} = 10 \text{ V}$ , calcular punto Q. y ¿que temp alcanzara a  $T_{amb} = 25^\circ \text{ C}$ ?  
 Primero hallo el equivalente thevenin



$$R_T = \frac{R_2 \cdot R_1}{R_2 + R_1} = 824.6 \Omega$$

$$V_T = V_{cc} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 1.76 \text{ V}$$

Circuito de entrada

El transistor no esta en corte  $V_T > 0.7 \text{ V}$

$$V_T = R_T i_b + V_{BE}$$

$$i_b = \frac{V_T - V_{BE}}{R_T} = 1.285 \text{ mA}$$

Circuito de salida

Suponemos zona lineal

$$i_c = \beta \cdot i_b = 120 \cdot 1.285 \text{ mA} = 154.2 \text{ mA}$$

$$V_{cc} = R_3 \cdot i_c + V_{ce}$$

$$V_{ce} = V_{cc} - R_3 \cdot i_c = 10 - 100 \cdot 154.2 \cdot 10^{-3} = -5.42 \text{ V}$$

no es posible  $\rightarrow$  estamos en saturación

$$V_{ce} = V_{cesat} = 0.2 \text{ V}$$

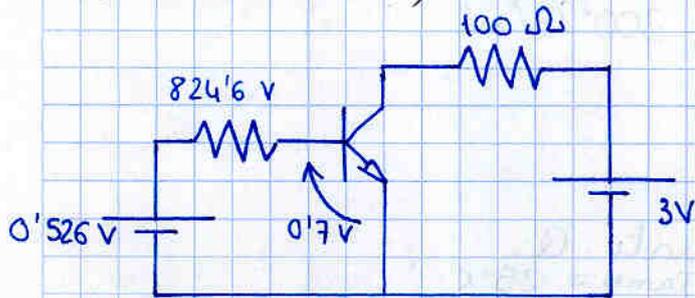
$$i_c = i_{csat} = \frac{V_{cc} - V_{cesat}}{R_3} = 98 \text{ mA}$$

$$Q \begin{cases} V_{CE} = 0'2 \text{ V} \\ I_C = 98 \text{ mA} \\ I_B = 1'29 \text{ mA} \\ V_{BE} = 0'7 \text{ V} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \Delta T &= P \cdot R_{th} \\ &= (V_{BE} \cdot i_B + V_{CE} \cdot i_C) \cdot R_{th} \\ &= (0'7 \cdot 1'29 \cdot 10^{-3} + 0'2 \cdot 98 \cdot 10^{-3}) \cdot 300 \\ &= 6'15^\circ \text{C} \end{aligned}$$

$$T = T_{amb} + \Delta T = 31'15^\circ \text{C}$$

a) si  $V_{CC} = 3 \text{ V}$ , determina el punto Q



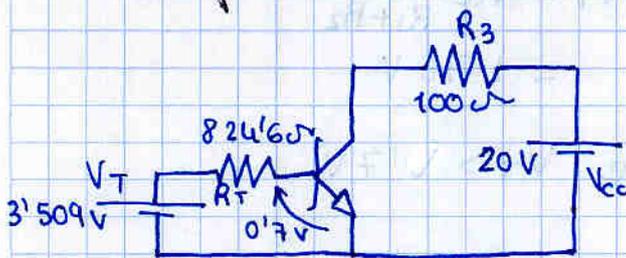
$$V_T = V_{CC} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 0'526 \text{ V}$$

$$R_T = \frac{R_2 \cdot R_1}{R_2 + R_1} = 824'6 \Omega$$

$V_T < 0'7 \text{ V} \rightarrow$  el transistor está en corte.

$$\left. \begin{array}{l} I_C = 0 \\ I_B = 0 \\ V_{BE} = V_T = 0'526 \text{ V} \\ V_{CE} = V_{CC} = 3 \text{ V} \end{array} \right\} Q$$

c) Si  $V_{CC} = 20 \text{ V}$  ¿que potencia estará disipando el transistor?



$$V_T = V_{CC} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = 3'509 \text{ V}$$

$$R_T = 824'6 \Omega$$

El transistor no está en corte

circ. entrada

$$V_T = i_B \cdot R_T + V_{BE}$$

$$i_B = \frac{V_T - V_{BE}}{R_T} = 3'41 \text{ mA}$$

circ. salida: suponiendo zona lineal

$$i_C = \beta \cdot i_B = 120 \cdot 3'41 \text{ mA} = 408'7 \text{ mA}$$

$$V_{CE} = V_{CC} - i_C R_3 = 20 - 0'4087 \cdot 100 = -20'87 \text{ V}$$

imposible  
 $\rightarrow$  estamos en saturación

# Problemas Componentes Electrónicos

c) (cont...) está en saturación

$$V_{CE} = V_{CE\text{SAT}} = 0.2 \text{ V}$$

$$I_C = I_{C\text{SAT}} = \frac{V_{CC} - V_{CE\text{SAT}}}{R_3} = 198 \text{ mA}$$

$$Q \begin{cases} I_B = 3.41 \text{ mA} \\ V_{BE} = 0.7 \text{ V} \\ V_{CE} = 0.2 \text{ V} \\ I_C = 198 \text{ mA} \end{cases}$$

$$P = V_{BE} \cdot I_B + V_{CE} \cdot I_C$$

$$= 0.7 \cdot 3.41 \cdot 10^{-3} + 0.2 \cdot 0.198 = 42 \text{ mW}$$

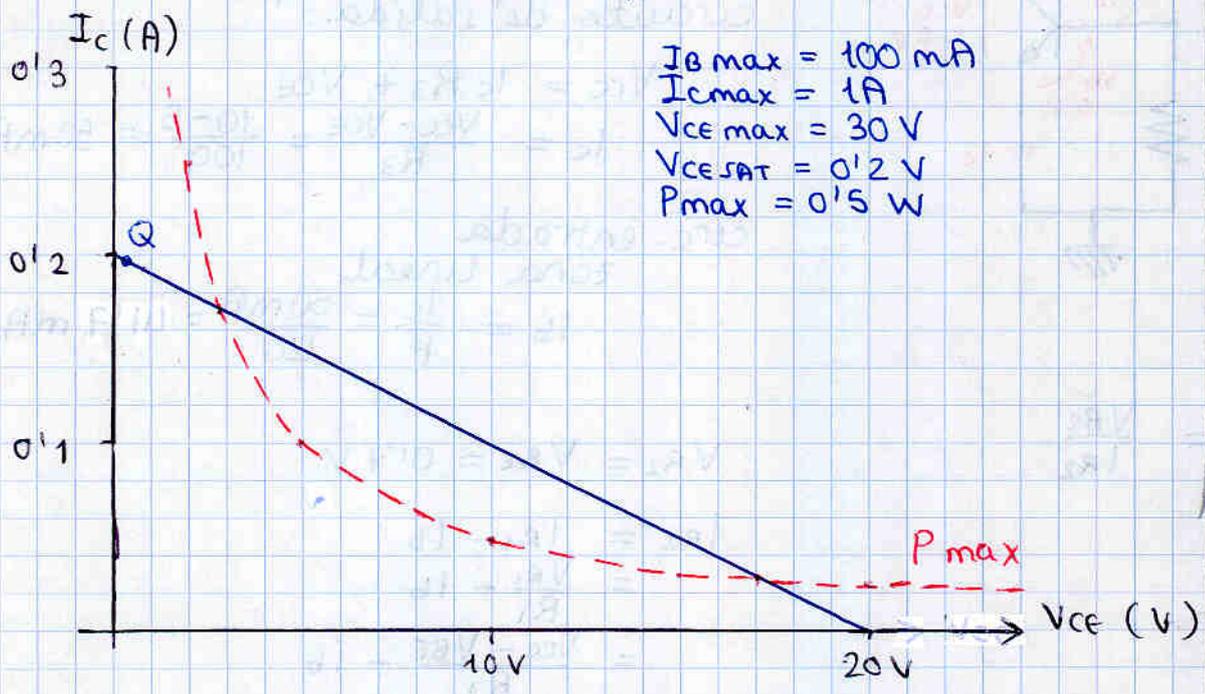
d) En las condiciones del apartado c ¿estará toda la recta de carga dentro de la zona de funcionamiento seguro?

Recta de carga, circuito de salida

$$V_{CC} = I_C R_C + V_{CE}$$

$$\rightarrow I_C = 0 \rightarrow V_{CC} = V_{CE} = 20 \text{ V}$$

$$\rightarrow V_{CE} = 0 \rightarrow I_C = \frac{V_{CC}}{R_C} = \frac{20}{100} = 0.2 \text{ A}$$



en mitad recta de carga,  $P = 10\text{V} \cdot 0.1\text{A} = 1\text{W} > P_{\text{max}}$   
 la hipérbola de  $P_{\text{max}}$  cruza la recta de carga en dos puntos

$$\begin{cases} I_C = \frac{P_{\text{max}}}{V_{CE}} & \text{hipérbola de } P_{\text{max}} \\ I_C = \frac{V_{CC} - V_{CE}}{R_C} & \text{recta de carga} \end{cases}$$

Hipérbola de  $P_{\text{max}}$   
 $I_C = \frac{P_{\text{max}}}{V_{CE}}$

igualando ambas:

$$\frac{P_{\max}}{V_{ce}} = \frac{V_{cc} - V_{ce}}{R_3}$$

$$R_3 P_{\max} = V_{cc} V_{ce} - V_{ce}^2$$

$$V_{ce}^2 - V_{cc} V_{ce} + R_3 P_{\max} = 0$$

$$V_{ce} = \frac{V_{cc} \pm \sqrt{V_{cc}^2 - 4 R_3 P_{\max}}}{2}$$

$$V_{ce} = 17'07 \text{ V}$$

$$V_{ce} = 2'93 \text{ V}$$

Zona fuera de SOA

$$V_{ce} = (2'93 \div 17'07) \text{ V}$$

e) Si  $V_{cc} = 10 \text{ V}$

¿Cuanto debe valer  $R_2$  para que  $V_{ce}$  sea  $5 \text{ V}$ ?

Conocemos  $V_{ce} = 5 \text{ V}$

Si  $V_{ce} = 5 \text{ V} \Rightarrow V_{ce} > V_{ceSAT}$   
 $\Rightarrow$  estamos en zona lineal

Esta vez empezamos por el circuito de salida.

$$V_{cc} = I_c R_3 + V_{ce}$$

$$I_c = \frac{V_{cc} - V_{ce}}{R_3} = \frac{10 - 5}{100} = 50 \text{ mA}$$

circ. entrada  
zona lineal

$$I_b = \frac{I_c}{\beta} = \frac{50 \text{ mA}}{120} = 0'417 \text{ mA}$$

$$R_2 = \frac{V_{R2}}{I_{R2}}$$

$$V_{R2} = V_{BE} = 0'7 \text{ V}$$

$$I_{R2} = I_{R1} - I_b$$

$$= \frac{V_{R1}}{R_1} - I_b$$

$$= \frac{V_{cc} - V_{BE}}{R_1} - I_b$$

$$= \frac{10 - 0'7}{4'7 \cdot 10^3} - 0'417 \cdot 10^{-3}$$

$$\underbrace{I_{R1}} = 1'98 \text{ mA}$$

$$I_{R2} = 1'562 \text{ mA}$$

$$R_2 = \frac{V_{R2}}{I_{R2}} = \frac{0'7}{1'562 \cdot 10^{-3}} = \underline{\underline{448'22 \Omega}}$$

## Ejercicios Componentes Electrónicos

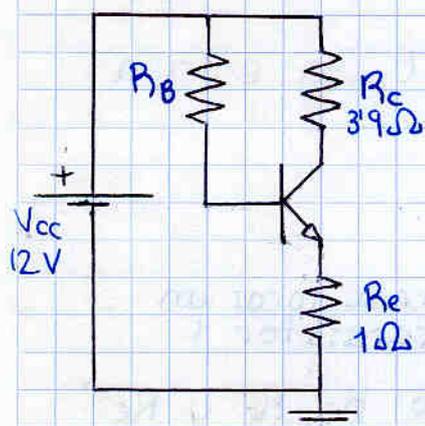
Problema Junio 2000 (I)

figura 1.

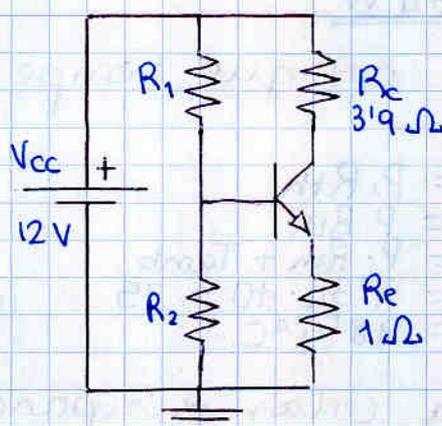
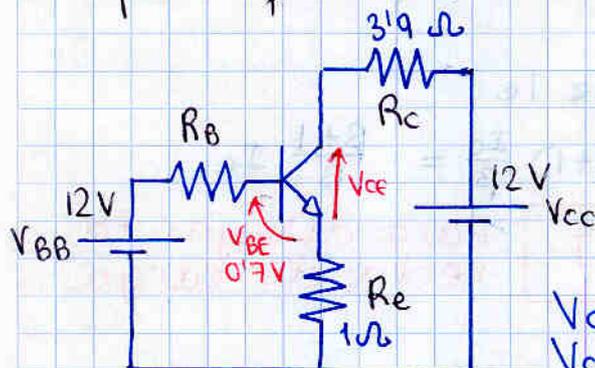


Figura 2.

$$\begin{aligned} V_{CE \max} &= 45 \text{ V} \\ I_{C \max} &= 15 \text{ A} \\ T_{J \max} &= 150^\circ \text{C} \\ R_{th} &= 10 \text{ K/W} \\ I_{B \max} &= 1 \text{ A} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} V_{CE \text{SAT}} &= 0.3 \text{ V} \\ \beta &= 100 \\ V_{BEq} &= 0.7 \text{ V} \end{aligned}$$

a) calcular  $R_B$  en el circuito figura 1 para que  $V_{CE}$  sea 6 V



$V_{ce} = 6 \text{ V}$   
estamos en zona lineal

$$\begin{aligned} V_{cc} &= i_c R_c + i_e R_e + V_{ce} \\ V_{cc} &= \beta I_B R_c + (\beta + 1) I_B R_e + V_{ce} \end{aligned}$$

$$R_B = \frac{V_{RB}}{I_B}$$

$$I_B = \frac{V_{cc} - V_{ce}}{\beta R_c + (\beta + 1) R_e}$$

$$I_B = \frac{12 - 6}{100 \cdot 3.9 + (101) \cdot 1} = 12.22 \text{ mA}$$

$$\begin{aligned} V_{RB} &= -V_{BE} - i_e R_e + V_{BB} \\ &= -V_{BE} - (\beta + 1) I_B \cdot R_e + V_{BB} \\ &= -0.7 - (101) 12.22 \cdot 10^{-3} \cdot 1 + 12 \\ &= 10.0678 \text{ V} \end{aligned}$$

$$R_B = \frac{V_{RB}}{I_B} = \frac{10.0678}{12.22 \times 10^{-3}} = \underline{\underline{823.88 \text{ } \Omega}}$$

b) Potencia que disipa el transistor en las condiciones de a)

$$P_{BST} = V_{BE} \cdot I_B + V_{CE} \cdot I_C$$

$$= 0,7 \cdot 12,22 \cdot 10^{-3} + 6 \cdot 100 \cdot 12,22 \cdot 10^{-3}$$

$$= \underline{\underline{7,34 \text{ W}}}$$

c)  $T_{amb} = 25^\circ\text{C}$ . ¿A qué temperatura estará la unión?

$$\Delta T = P \cdot R_{th}$$

$$T - T_{amb} = P \cdot R_{th}$$

$$T = P \cdot R_{th} + T_{amb}$$

$$T = 7,34 \cdot 10 + 25$$

$$T = 98,4^\circ\text{C}$$

¡nunca tocar un transistor!

d) ¿Qué potencia están disipando  $R_B$ ,  $R_C$  y  $R_E$ ?

$$P_{RB} = I_B^2 \cdot R_B = (12,22 \cdot 10^{-3})^2 \cdot 823,88$$

$$= 122,6 \text{ mW}$$

$$P_{RC} = I_C^2 \cdot R_C = (\beta I_B)^2 \cdot R_C = (100 \cdot 12,22 \cdot 10^{-3})^2 \cdot 3,9$$

$$= 5,824 \text{ W}$$

$$P_{RE} = I_E^2 \cdot R_E = ((\beta+1)I_B)^2 \cdot R_E = (101 \cdot 12,22 \cdot 10^{-3})^2 \cdot 1$$

$$= 1,523 \text{ W}$$

e) Dibuja la recta de carga del circuito de colector, dibuja punto Q, indica puntos de corte con los ejes.

$$V_{CC} = R_C \cdot I_C + V_{CE} + R_E \cdot I_E$$

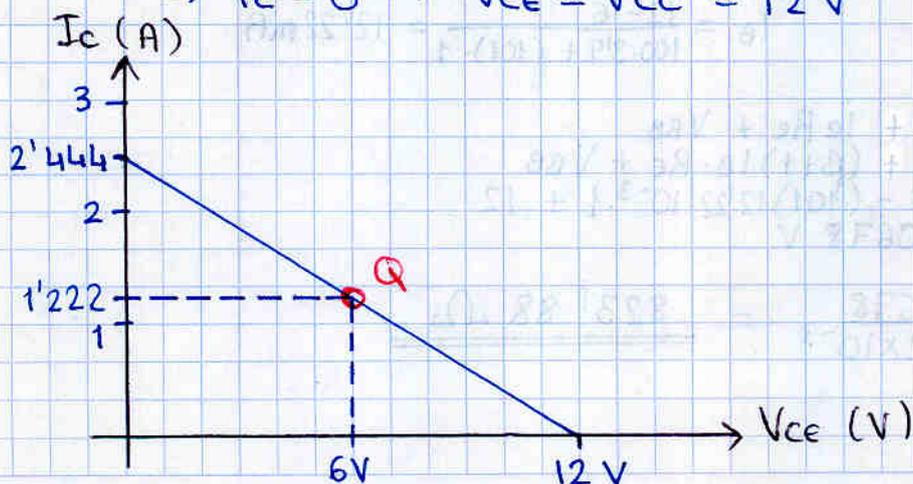
TRUCO:  $I_E = (\beta+1)I_B = (\beta+1) \frac{I_C}{\beta} = \frac{\beta+1}{\beta} I_C$

  $I_E = \frac{\beta+1}{\beta} \cdot I_C$  Para dibujar la recta de carga

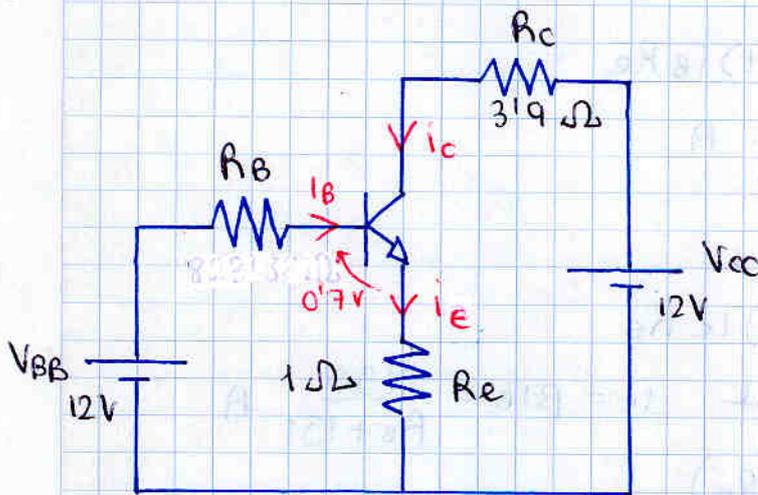
$$V_{CC} = (R_C + \frac{\beta+1}{\beta} R_E) I_C + V_{CE}$$

$$\rightarrow V_{CE} = 0 \rightarrow I_C = \frac{V_{CC}}{R_C + \frac{\beta+1}{\beta} R_E} = \frac{12}{3,9 + \frac{101}{100} \cdot 1} = 2,444 \text{ A}$$

$$\rightarrow I_C = 0 \rightarrow V_{CE} = V_{CC} = 12 \text{ V}$$



f) calcular en el circuito de la figura 1 la  $R_B$  para que  $I_c = 1 \text{ mA}$



$$I_c = 1 \text{ mA}$$

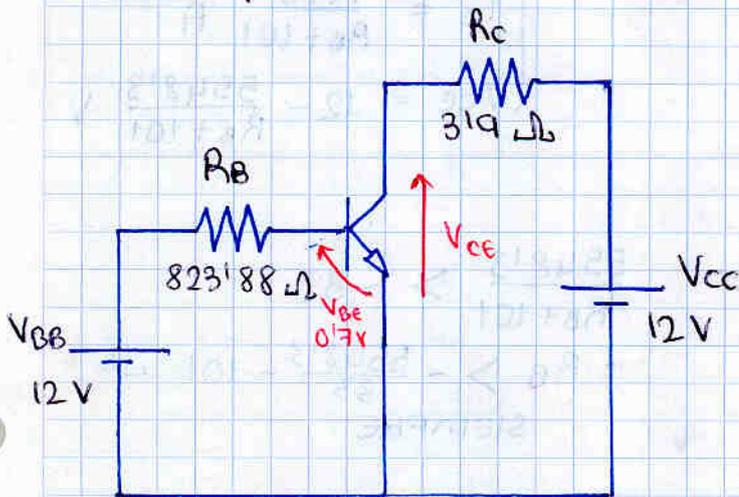
$$\rightarrow I_B = \frac{I_c}{\beta} = 0.01 \text{ mA}$$

$$R_B = \frac{V_{RB}}{I_B}$$

$$\begin{aligned} V_{RB} &= V_{BB} - V_{BE} - I_E \cdot R_E \\ &= V_{BB} - V_{BE} - (\beta + 1) I_B \cdot R_E \\ &= 12 - 0.7 - 101 \cdot 0.01 \cdot 10^{-3} \cdot 1 \\ &= 11.30 \text{ V} \end{aligned}$$

$$R_B = \frac{11.30}{0.01 \cdot 10^{-3}} = \underline{\underline{1130 \text{ k}\Omega}}$$

g) Con el valor de  $R_B$  del apartado a) calcular el punto Q si se cortocircuita  $R_E$



circ. entrada

$$V_{CC} = I_B \cdot R_B + V_{BE}$$

$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{BE}}{R_B} = \frac{12 - 0.7}{823188}$$

$$I_B = 13.72 \text{ mA}$$

circ. salida

Suponemos zona lineal

$$I_c = \beta \cdot I_B = 1.372 \text{ A}$$

$$V_{CC} = I_c R_C + V_{CE}$$

$$V_{CE} = V_{CC} - I_c R_C = 12 - 1.372 \cdot 319 = 6.65 \text{ V}$$

se ha confirmado la zona lineal

$$Q \begin{cases} V_{BE} = 0.7 \text{ V} \\ I_B = 13.72 \text{ mA} \\ I_c = 1.372 \text{ A} \\ V_{CE} = 6.65 \text{ V} \end{cases}$$

g) Con el circuito de la figura 1. ¿Hay algún valor de  $R_B$  que haga que el transistor trabaje fuera de la zona segura?

circ. entrada:

$$V_{BB} = I_B R_B + V_{BE} + (\beta + 1) I_B R_E$$

$$I_B = \frac{V_{BB} - V_{BE}}{R_B + (\beta + 1) R_E} = \frac{11'3}{R_B + 101} \text{ A}$$

circuito salida

$$V_{CC} = I_C R_C + V_{CE} + (\frac{\beta + 1}{\beta}) I_C R_E$$

suponemos zona lineal  $I_C = \beta I_B = \frac{1130}{R_B + 101} \text{ A}$

$$V_{CE} = V_{CC} - I_C (R_C + (\frac{\beta + 1}{\beta}) R_E)$$

$$= 12 \text{ V} - \frac{1130}{R_B + 101} (3'9 + \frac{101}{100})$$

$$V_{CE} = 12 - \frac{5548'3}{R_B + 101}$$

$$Q = \begin{cases} V_{BE} = 0'7 \text{ V} \\ I_B = \frac{11'3}{R_B + 101} \text{ A} \\ I_C = \frac{1130}{R_B + 101} \text{ A} \\ V_{CE} = 12 - \frac{5548'3}{R_B + 101} \text{ V} \end{cases}$$

o  $V_{CE \text{ max}} = 45 \text{ V}$

$$V_{CE} = 12 - \frac{5548'3}{R_B + 101} < 45$$

$$\frac{5548'3}{R_B + 101} > -33$$

$$R_B > -\frac{5548'3}{33} - 101 \Omega$$

SIEMPRE

o  $I_{C \text{ max}} = 15 \text{ A}$

$$I_C = \frac{1130}{R_B + 101} < 15$$

$$R_B + 101 > \frac{1130}{15}$$

$$R_B > -25'66 \text{ SIEMPRE}$$

$P_{MAX}$  ?

$$T_{\text{max}} - T_{\text{amb}} = P_{\text{max}} \cdot R_{\text{th}}$$

$$P_{\text{max}} = \frac{T_{\text{max}} - T_{\text{amb}}}{R_{\text{th}}} = \frac{150 - 25}{10} = 12'5 \text{ W}$$

o  $P_{MAX} = 12'5 \text{ W}$

$$P = V_{BE} \cdot I_B + V_{CE} \cdot I_C \approx V_{CE} \cdot I_C = (12 - \frac{5548'3}{R_B + 101}) \cdot (\frac{1130}{R_B + 101}) < 12'5$$

$$\frac{13560}{R_B + 101} - \frac{6269579}{(R_B + 101)^2} < 12'5 \quad (\dots) \quad 12'5 R_B^2 - 11035 R_B + 5027531'5 > 0$$

$$B^2 - 4AC < 0 \rightarrow \text{no tiene raices} \rightarrow \text{SIEMPRE} > 0$$

o  $I_{B \text{ max}} = 1 \text{ A}$

$$I_B = \frac{11'3}{R_B + 101} < 1 \rightarrow R_B > 11'3 - 101 = -89'7 \text{ SIEMPRE}$$

# Problemas Componentes Electrónicos

i) ¿qué valor debe tener  $R_B$  para que el transistor de la figura 1 este en corte?

$$V_{BB} = I_B R_B + V_{CE} + I_E R_E$$

para que este en corte  $V_{CE} < 0.7 V$

$$V_{CE} = V_{BB} - I_B R_B - I_E R_E < 0.7 V$$

**transistor en corte  $\Rightarrow I_B = 0 A$**

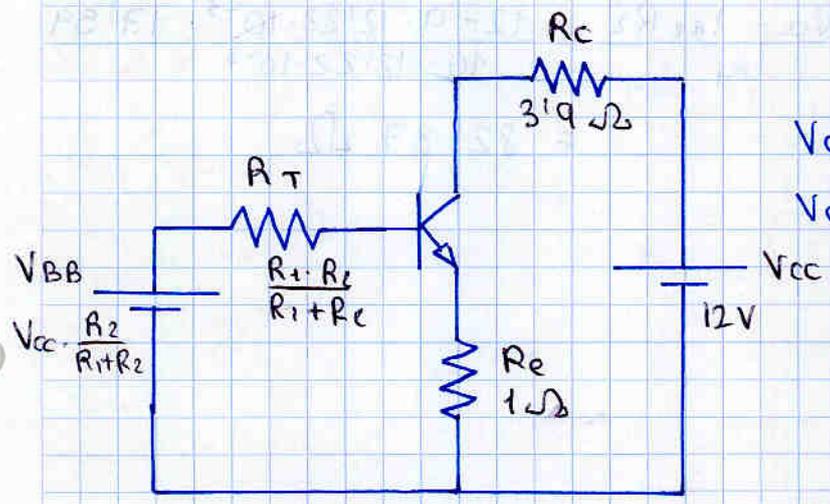
$$V_{BB} = I_B R_B + V_{CE} + (\beta + 1) \cdot I_B \cdot R_E$$

$$I_B = \frac{V_{BB} - V_{CE}}{R_B + (\beta + 1) R_E} = 0$$

$$I_B = \frac{11.3}{R_B + 101} = 0 \quad \Leftrightarrow \quad R_B = \infty$$

circuito abierto

j) en la figura 2, calcular  $R_1$  y  $R_2$  para que  $V_{CE} = 6V$



$V_{CE} = 6V$   
BJT está en zona lineal

$$V_{CC} = R_C I_C + V_{CE} + R_E I_E$$

$$V_{CC} = R_C \beta I_B + V_{CE} + (\beta + 1) I_B R_E$$

$$I_B = \frac{V_{CC} - V_{CE}}{R_C \beta + (\beta + 1) R_E}$$

$$I_B = \frac{12 - 6}{3.9 \cdot 100 + 101} = 12.22 \text{ mA}$$

$$I_B = 12.22 \text{ mA}$$

$$I_C = \beta \cdot I_B = 1.222 \text{ A}$$

$$I_E = (\beta + 1) I_B = 1.234 \text{ A}$$

$$I_{R2} = \frac{V_{R2}}{R_2}$$

$$V_{R2} = V_{BE} + I_E R_E = 0.7 + 1.234 = 1.934 \text{ V}$$

$$I_{R2} = I_{R1} - I_B$$

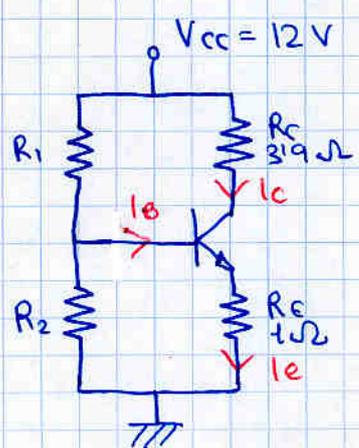
$$R_1 = \frac{V_{R1}}{I_{R1}}$$

$$I_{R1} = I_{R2} + I_B$$

$$V_{R1} = V_{CC} - I_{R2} R_2$$

$$V_{R1} = I_C R_C + V_{CB} = I_C R_C + (V_{CE} - V_{BE}) = 1.222 \cdot 3.9 + (6 - 0.7) = 10.0658$$

¿ $V_{CB} \neq V_{CE} - V_{BE}$ ?



tenemos

$$R_1 = \frac{10'0658}{I_{R_2} + 12'22 \cdot 10^{-3}} \quad \text{y} \quad R_2 = \frac{1'934}{I_{R_2}}$$
$$= \frac{1'934}{I_{R_1} - 12'22 \cdot 10^{-3}}$$

~~$$R_1 = \frac{10'0658}{\frac{1'934}{R_2} + 12'22 \cdot 10^{-3}}$$~~

Hay  $\infty$  soluciones. Hay que dar una condición de diseño

ej

$$\frac{I_{R_1}}{I_{R_2}} = 10 \frac{I_B}{I_B}$$

$$\frac{I_{R_1}}{I_{R_2}} = 9 \frac{I_B}{I_B}$$



Nos queda

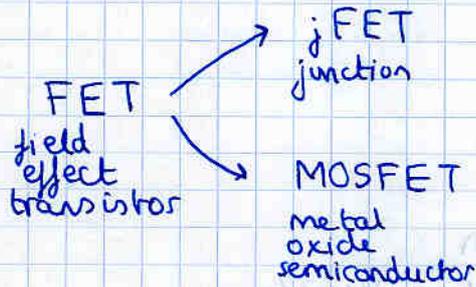
~~$$R_1 = \frac{V_{R_1}}{I_{R_1}} = \frac{V_{R_1}}{10 I_B} = \frac{10'0658}{10 \cdot 12'22 \cdot 10^{-3}}$$~~

$$R_2 = \frac{1'934}{9 I_B} = \frac{1'934}{9 \cdot 12'22 \cdot 10^{-3}} = 17'59 \Omega$$

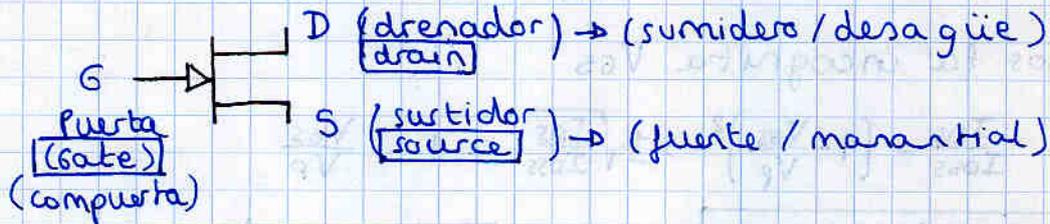
$$R_1 = \frac{V_{R_1}}{I_{R_1}} = \frac{V_{CC} - I_{R_2} R_2}{I_{R_1}} = \frac{12 - 9 \cdot 12'22 \cdot 10^{-3} \cdot 17'59}{10 \cdot 12'22 \cdot 10^{-3}}$$
$$= 82'37 \Omega$$

# Ejercicios Componentes Electrónicos

## Tema 9 - Transistores FET

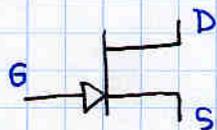


### jFET



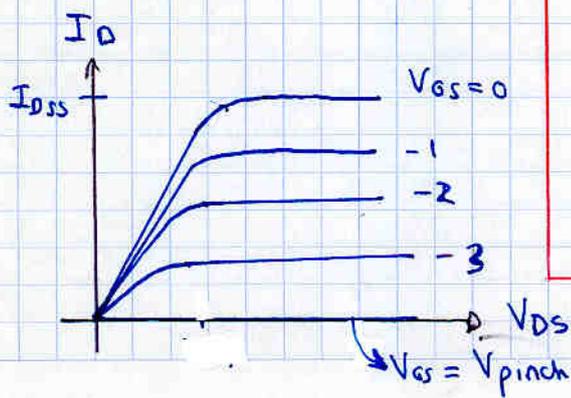
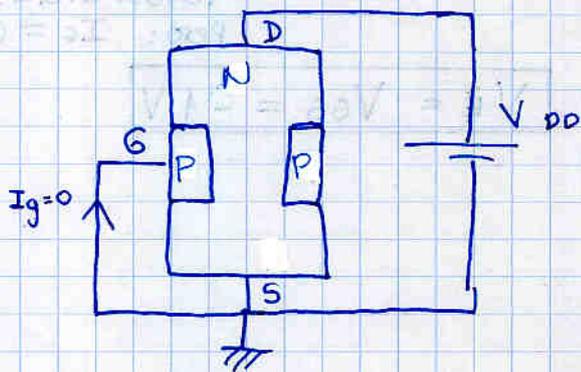
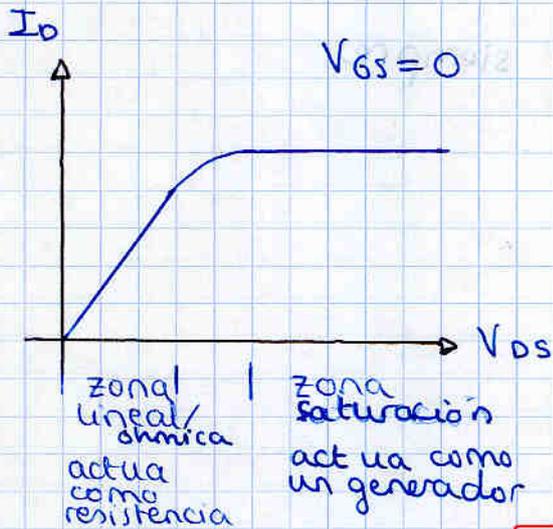
D y S no se distinguen. En la practica algunos jFET son simetricos y se usan indistintamente.

Si no son simetricos, se señala S con la flecha de la G

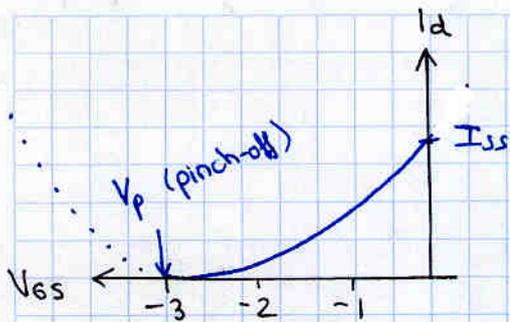


$I_G = 0$  SIEMPRE DESPRECIABLE

Polarizada inversamente



$V_p = V_{GS}$  tensión de estrangulamiento (cuando se tocan) (pinch-off) (hace  $I_D = 0$ )  
 $r_o =$  mínima resistencia canal  
 $I_{DSS} = I_{MAXIMA}$  en el drenador cuando  $V_{GS}$  es cero.



Gráfica válida sólo en saturación

Cuestión: Junio 2003.

1- Estamos en la zona de saturación

$$\text{Zona saturación: } I_{Ds} = I_{Dss} \left( 1 - \frac{V_{GS}}{V_P} \right)^2$$

$\downarrow$  4.5 mA      $\downarrow$  8 mA      $\downarrow$  -4 V

Despejamos la incógnita  $V_{GS}$

$$\frac{I_{Ds}}{I_{Dss}} = \left( 1 - \frac{V_{GS}}{V_P} \right)^2 \rightarrow \pm \sqrt{\frac{I_{Ds}}{I_{Dss}}} = 1 - \frac{V_{GS}}{V_P}$$

$$\rightarrow \boxed{V_{GS} = V_P \left( 1 \pm \sqrt{\frac{I_D}{I_{Dss}}} \right)} = \left( 1 \pm \sqrt{\frac{4.5 \text{ mA}}{8 \text{ mA}}} \right) (-4 \text{ V})$$

$$= \begin{cases} -1 \text{ V} \\ -7 \text{ V} < V_P \rightarrow \text{no puede ser} \end{cases}$$

$$\boxed{V_{GS} = -1 \text{ V}}$$

$$V_E = V_{GS} + V_{10M}$$

$\nwarrow$  resistencia.

Pero:  $I_C = 0$  siempre

$$\boxed{V_E = V_{GS} = -1 \text{ V}}$$

Cuestión: Junio 2002

$$I_D = I_{DSS} \left(1 - \frac{V_{GS}}{V_P}\right)^2$$

¿V<sub>DS</sub>? vemos que V<sub>GS</sub> = V<sub>P</sub> → I<sub>D</sub> = 0

$$V_{DS} = 20V - I_D R_2$$

**V<sub>DS</sub> = 20V**

¿en que estado JFET? **Corte**

¿V<sub>G</sub> para I<sub>D</sub> = I<sub>DSS</sub>? Por definición **I<sub>D</sub> = I<sub>DSS</sub> ⇒ V<sub>GS</sub> = 0V**

si I<sub>D</sub> = I<sub>DSS</sub> → V<sub>DS</sub> = 20V - I<sub>DSS</sub> · 100 Ω  
= 20V - 1V

**V<sub>DS</sub> = 19V** → puede pasar I<sub>DSS</sub>

si no pudiera pasar, no habria ningun valor para que pasara I<sub>DSS</sub> (puesto que estaríamos en la zona ohmica y no la de saturación!)

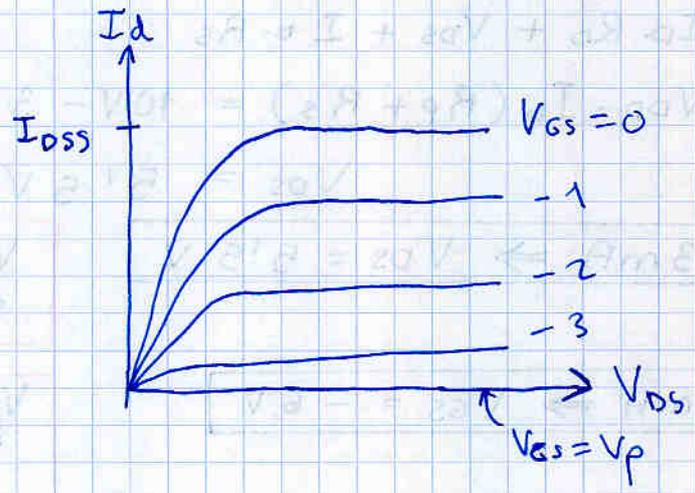
Si R<sub>S</sub> = 100k :

¿V<sub>G</sub> para I<sub>D</sub> = I<sub>DSS</sub>? Por def: I<sub>D</sub> = I<sub>DSS</sub> ⇒ V<sub>GS</sub> = 0V

$$V_{DS} = 20V - I_D \cdot 100k\Omega$$
$$= 20V - 1000V$$

V<sub>DS</sub> = -980V !! no puede ser

⇒ **I<sub>D</sub> nunca puede ser I<sub>DSS</sub> para ningun valor V<sub>G</sub>**



## Cuestión Junio 2000

- Al empezar no sabemos si esta en ohmica o saturación
- Suponemos zona saturación (más fácil) y comprobamos.

$$I_D = I_{DSS} \left(1 - \frac{V_{GS}}{V_p}\right)^2 \rightarrow \text{Gráfico de } I_D \text{ vs } V_{GS}$$
$$V_{GS} = V_G - V_S = I_G R_G - I_D R_S = -I_D R_S$$

Dos ecuaciones con dos incógnitas

$$I_D = I_{DSS} \left(1 - \frac{V_{GS}}{V_p}\right)^2$$
$$\frac{I_D}{I_{DSS}} = \left(\frac{V_p - V_{GS}}{V_p}\right)^2 = \frac{(V_p - V_{GS})^2}{V_p^2}$$

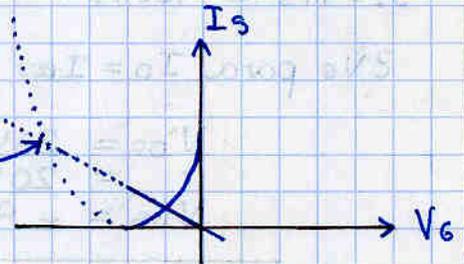
$$\frac{I_D V_p^2}{I_{DSS}} = V_p^2 - 2V_p V_{GS} + V_{GS}^2 \quad V_{GS} = -I_D \cdot R_S$$

$$\frac{I_D \cdot 9}{0,012} = 9 + 2 \cdot (-3) \cdot 500 \cdot I_D + 250000 I_D^2$$

$$750 I_D = 9 - 3000 I_D + 250000 I_D^2$$

$$250000 I_D^2 - 3750 I_D + 9 = 0$$

$$I_D = \begin{cases} 3 \text{ mA} \\ 12 \text{ mA} \end{cases}$$



Vamos a comprobar si estamos en saturación:

$$V_{DD} = I_D \cdot R_D + V_{DS} + I_D \cdot R_S$$

$$V_{DS} = V_{DD} - I_D (R_D + R_S) = 10 \text{ V} - 3 \cdot 10^{-3} \text{ A} (1500 \Omega)$$

$$V_{DS} = 5,5 \text{ V}$$

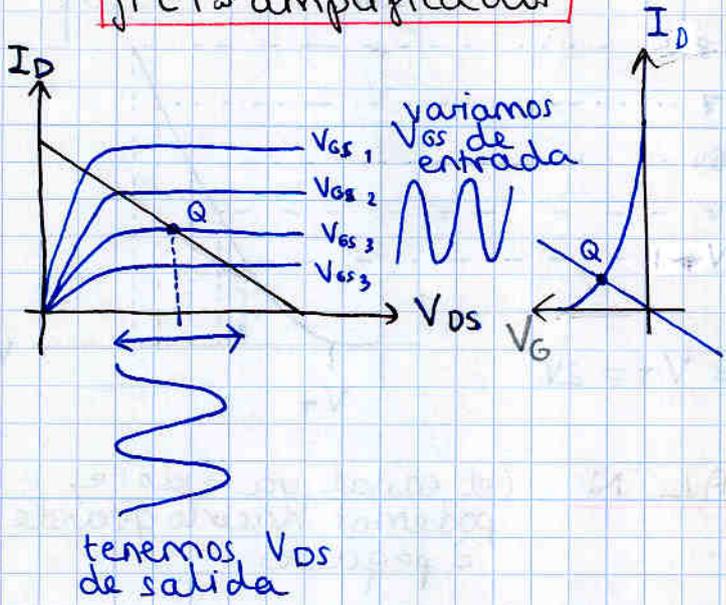
$$\text{Si } I_{DS} = 3 \text{ mA} \Rightarrow V_{DS} = 5,5 \text{ V}$$

$V_{DS} > V_{GS} - V_p$   
saturación

$$\text{si } I_{DS} = 12 \text{ mA} \Rightarrow V_{GS} = -6 \text{ V}$$

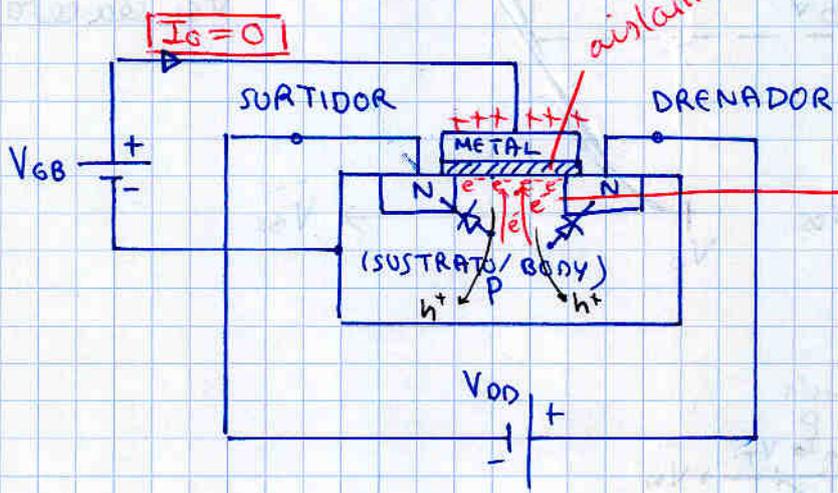
$V_{GS} < V_p \Rightarrow I_{DS} = 0$   
¡Absurdo!  
JFET no funciona

### JFET como amplificador



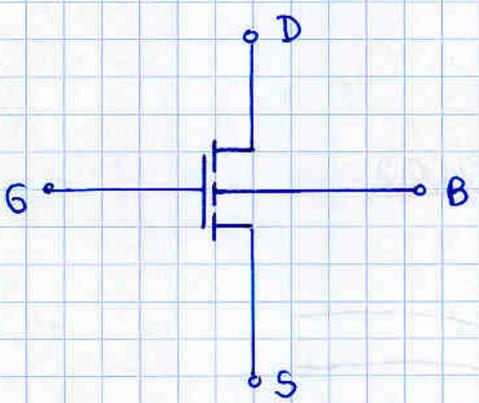
Es una amplificación no lineal.  
Es cuadrática

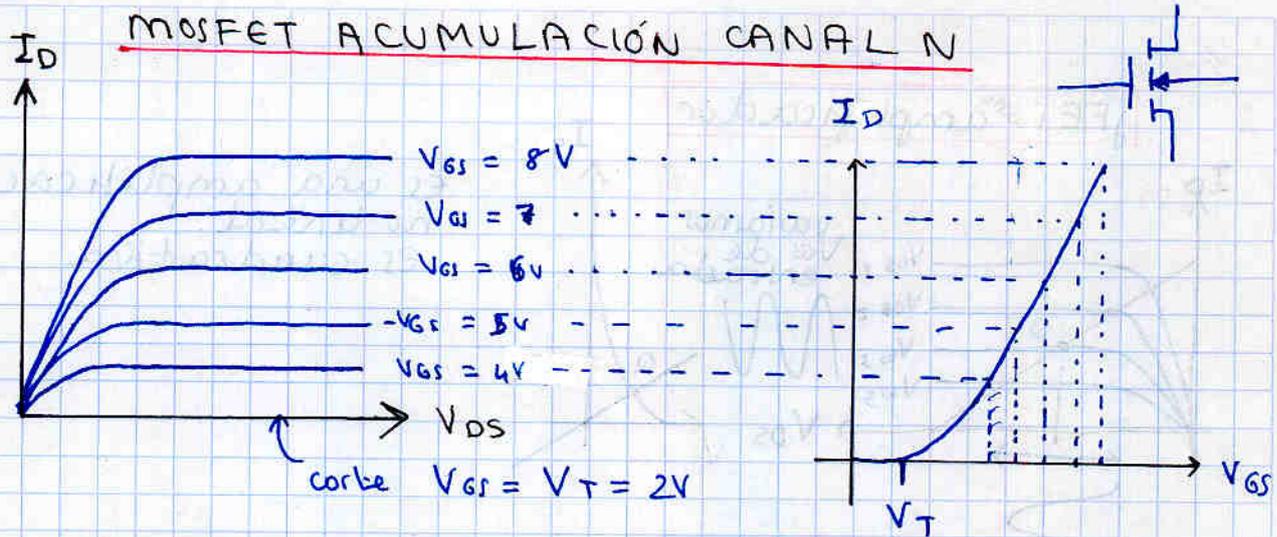
### MOSFET



los electrones se mueven aqui a causa de la tension en la puerta, (campo electrico) formandose un 'canal' de electrones

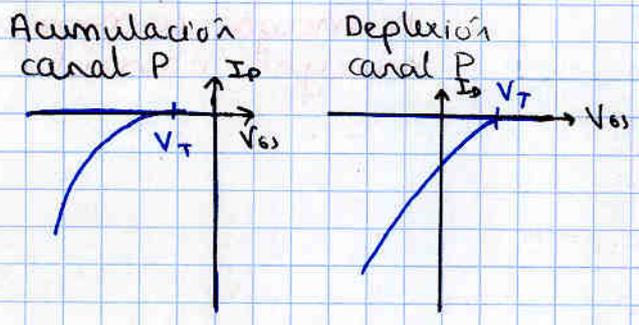
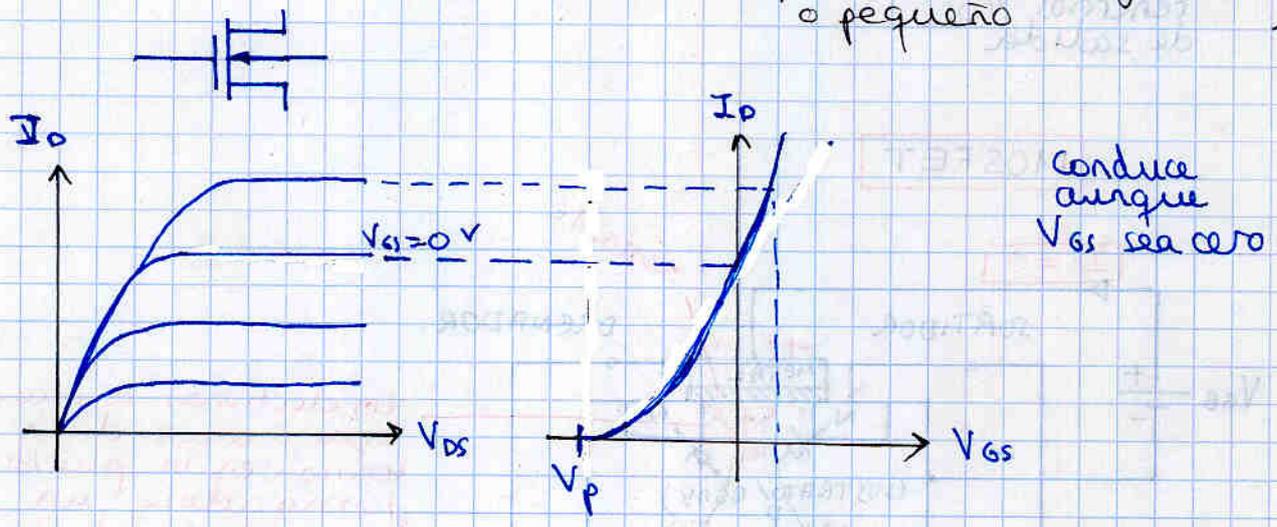
A mayor campo, mayor canal



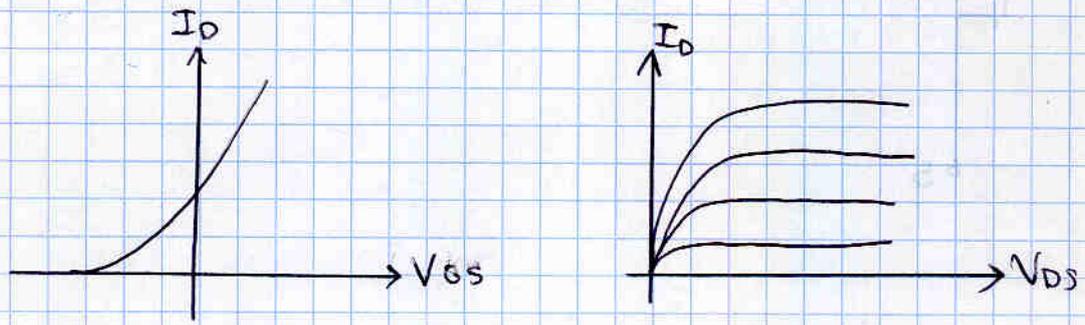


### MOSFET DEPLEXIÓN CANAL N

(el canal ya existe, podemos hacerlo grande) o pequeño



Cuestión - Septiembre 2002



¿De que tipo es? MOSFET depleción canal N  
( $V_{DS}$  positivo y negativo)